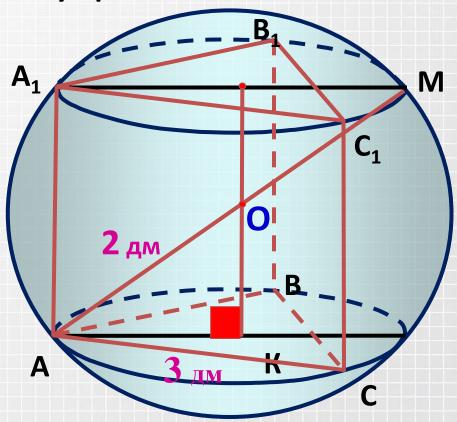
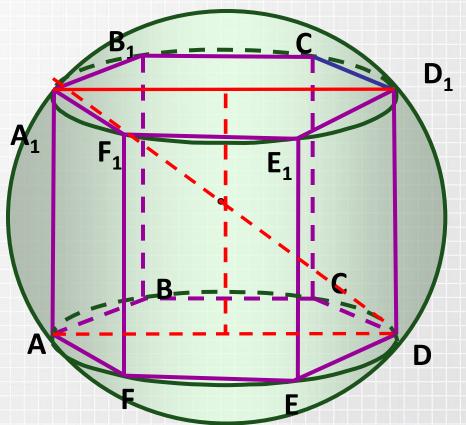
В сферу диаметр которой 4 дм вписана правильная треугольная призма со стороной основания 3 дм. Найдите высоту призмы.



2. Измерения прямоугольного параллелепипеда равны 2, 4 и 4 см. Найдите площадь поверхности описанной

около него сферы.

3. Около правильной шестиугольной призмы описана сфера радиуса 5 см. Найдите площадь основания призмы, если ее высота 8 см.



Из учебника Л.С.Атанасяна № 637(а), №639(а,б)

Теорема

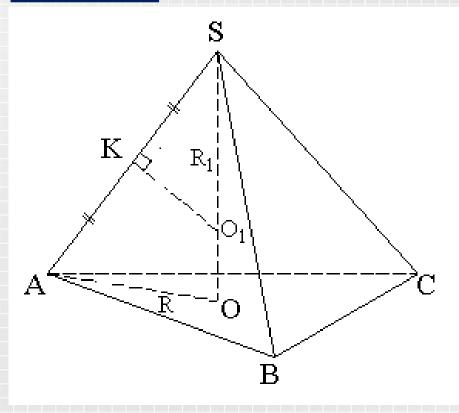
Пирамида

Около пирамиды можно описать сферу в том и только в том случае, если около ее основания можно описать окружность.

Следствие 1.

Центр сферы, описанной около пирамиды, лежит на перпендикуляре к плоскости основания пирамиды, восставленном из центра окружности, описанной около основания, так как каждая точка его равноудалена от вершин основания пирамиды.

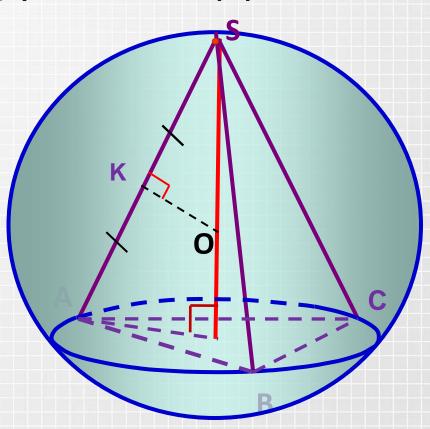
Следствие 2



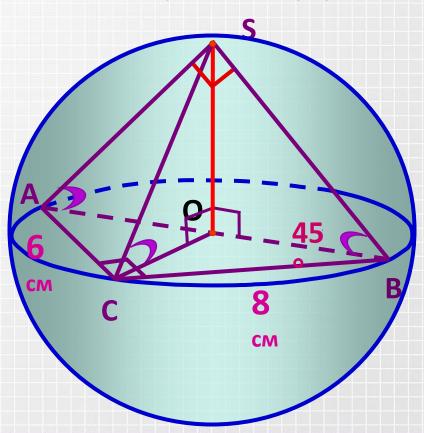
Ответим устно!

- 1. Справедливо ли утверждение, что около любой треугольной пирамиды можно описать сферу?
- 2. Можно ли описать сферу около любой четырехугольной пирамиды?
- 3. Какими свойствами должна обладать пирамида, чтобы около нее можно было описать сферу?
- 4. В сферу вписана пирамида, боковое ребро которой перпендикулярно основанию. Как найти центр сферы?
- 5. Около правильной пирамиды описана сфера. Как расположен ее центр относительно элементов пирамиды?

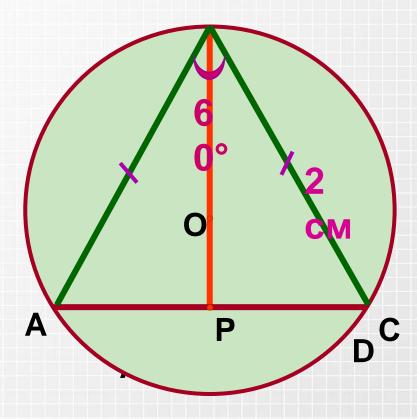
 Пусть SABC - пирамида с равными боковыми рёбрами, h - её высота, R - радиус окружности, описанной около основания. Найдём радиус описанной сферы.



2. Основанием треугольной пирамиды является прямоугольный треугольник с катетами 6 и 8 см. Каждое боковое ребро составляет с плоскостью основания угол 45°. Найдите радиус описанной около этой пирамиды сферы.



3. Около правильной четырехугольной пирамиды описан шар. Боковое ребро равно 2 см, угол между противоположными боковыми ребрами равен 60°. Найдите радиус шара.



Построим осевое сечение.

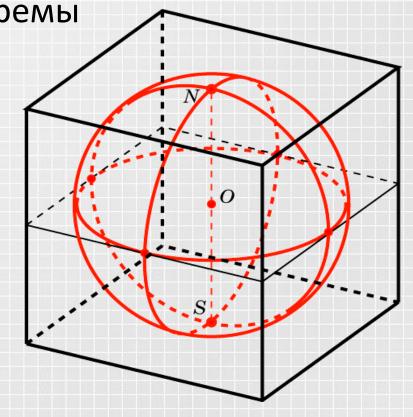
Из учебника Л.С.Атанасяна № 637(б), №639(в)

Многогранники, описанные около шара

Основные определения и теоремы

Определение.

Сфера называется вписанной в многогранник, если все грани многогранника касаются сферы. Центром вписанной сферы является точка, равноудалённая от всех граней многогранника.

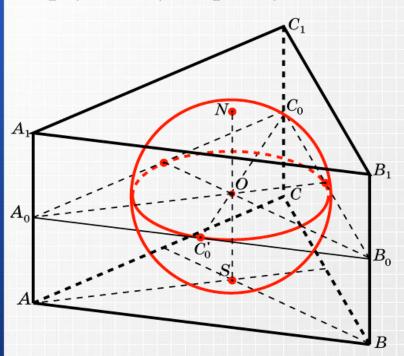




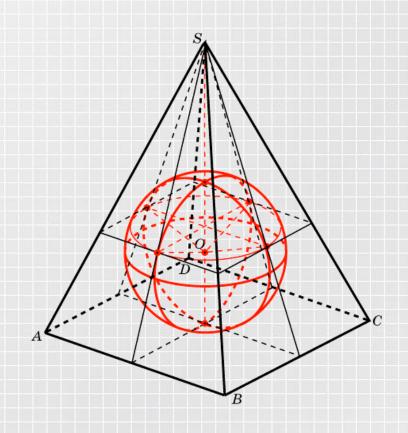
Вспомните свойство центра окружности, вписанной в многоугольник и каково его положение?

Многогранники, описанные около шара

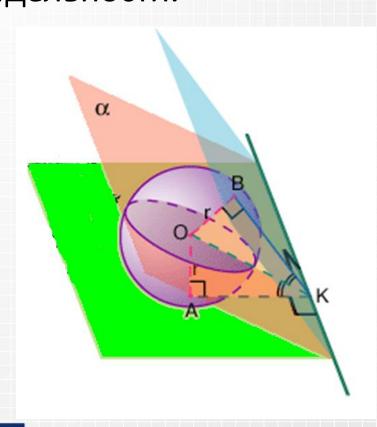
Сфера, вписанная в правильную треугольную призму



Сфера, вписанная в правильную четырехугольную пирамиду.



Выясним положение центра вписанной сферы в общем случае и для каждого вида многогранников в отдельности.



Определение.

Биссекторной называется плоскость, делящая двугранный угол на два равных двугранных угла. Каждая точка этой плоскости равноудалена от граней двугранного угла.

В общем случае центр вписанной в многогранник сферы является точкой пересечения биссекторных плоскостей всех двугранных углов многогранника.

Он всегда лежит внутри многогранника.

Призма

Теорема.

Шар можно вписать в прямую призму в том и только в том случае, если в основание призмы можно вписать окружность, а высота призмы равна диаметру этой окружности.

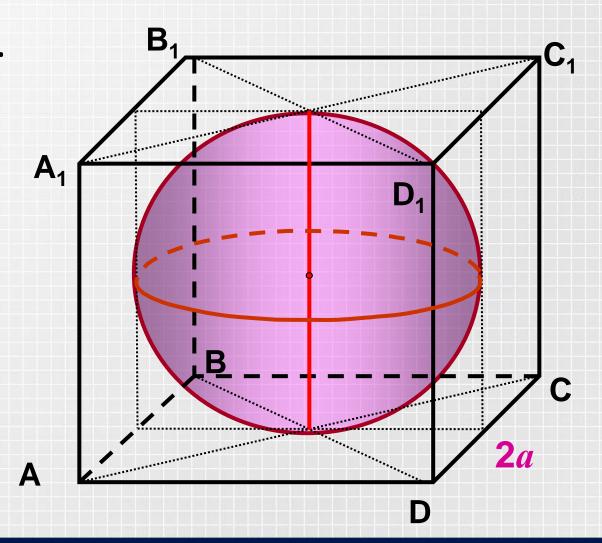
Следствие 1. Центр шара, вписанного в прямую призму, лежит в середине высоты призмы, проходящей через центр окружности, вписанной в основание.

Следствие 2. Шар, в частности, можно вписать в прямые: треугольную, правильную, четырехугольную (у которой суммы противоположных сторон основания равны между собой) при условии H = 2r, где H - высота призмы, r - радиус круга, вписанного в основание.

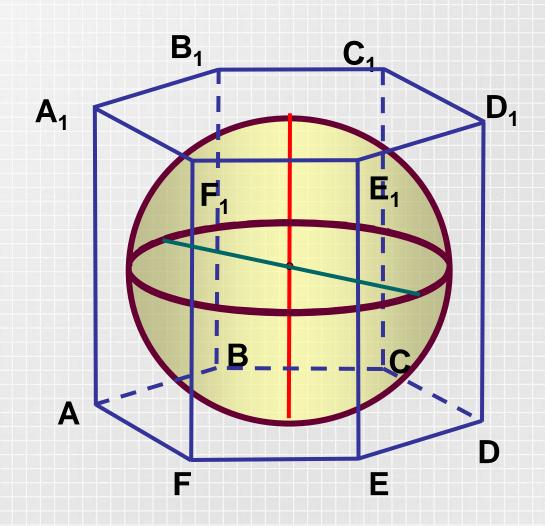
Ответим устно!

- 1. Каким свойством должна обладать прямая призма, чтобы в нее можно было вписать сферу?
- В основании прямой призмы лежит ромб. Можно ли в эту призму вписать сферу?
- 3. При каком условии в прямую треугольную призму можно вписать сферу?

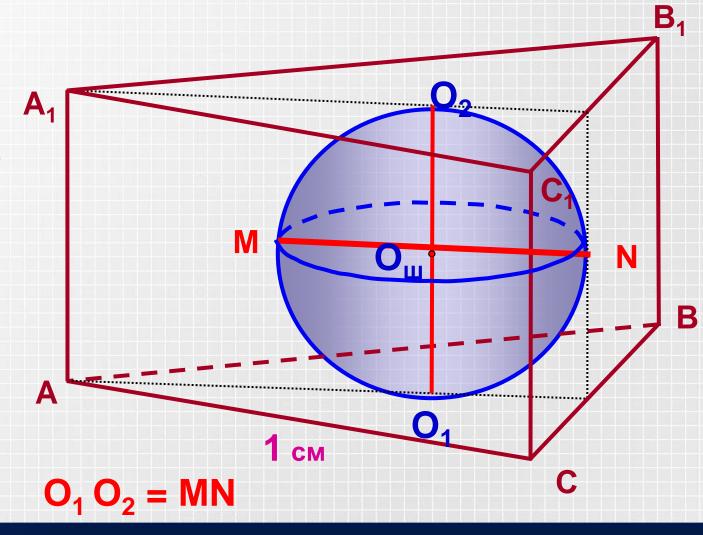
1. В куб вписан шар. Найдите отношение площадей поверхностей куба и шара.



Найдите_радиус вписанной в правильную шестиугольную призму сферы, если сумма всех ее ребер равна 24 + 12√3 см.



В основании правильной треугольной призмы лежит треугольник со стороной 1 см. Найдите боковое ребро призмы, если известно, что в нее можно вписать шар.



Из учебника Л.С.Атанасяна № 632.

Пирамида

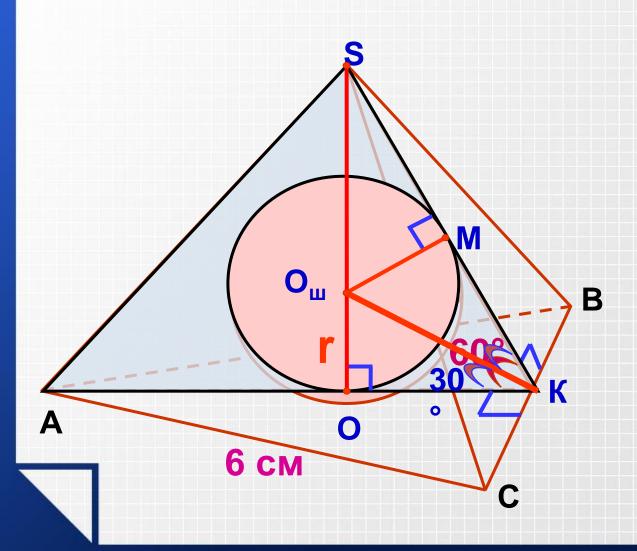
Теорема. Если боковые грани пирамиды одинаково наклонены к основанию, то в такую пирамиду можно вписать шар.

Следствие 1. Центр шара, вписанного в пирамиду, у которой боковые грани одинаково наклонены к основанию, лежит в точке пересечения высоты пирамиды с биссектрисой линейного угла любого двугранного угла при основании пирамиды, стороной которого служит высота боковой грани, проведенная из вершины пирамиды.

Следствие 2 В правильную пирамиду можно вписать шар.

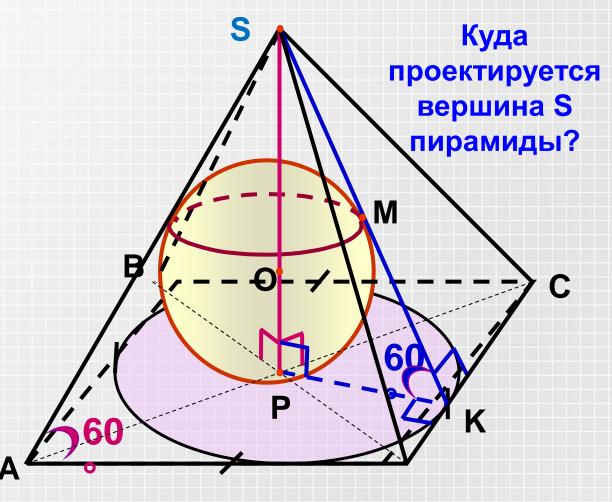
Ответим устно!

- 1. Приведите пример пирамиды, в которую нельзя вписать сферу?
- 2. При каком условии в правильную четырехугольную усеченную пирамиду можно вписать сферу?



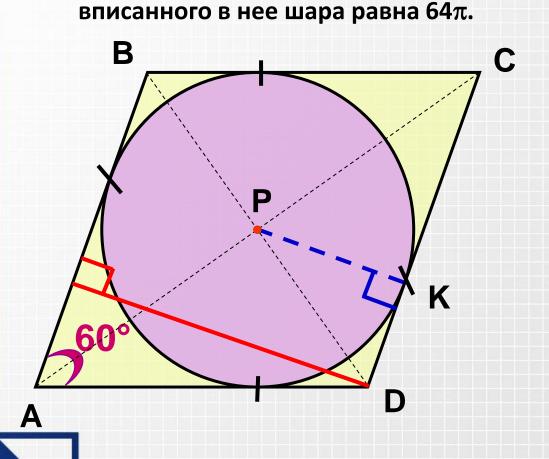
В правильную треугольную пирамиду вписан шар. Найдите радиус шара, если сторона основания пирамиды равна 6 см и апофема наклонена к плоскости основания под углом 60°.

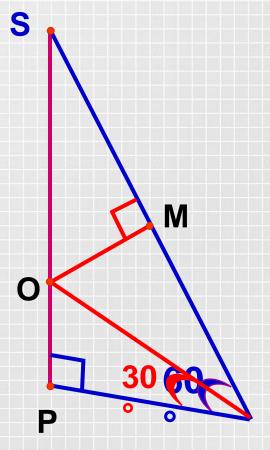
2. Основанием пирамиды является ромб с острым углом 60°, боковые грани составляют с плоскостью основания углы по 60°. Найдите высоту пирамиды и сторону основания, если площадь поверхности вписанного в нее шара равна 64π .



Сделаем выносные чертежи.

2. Основанием пирамиды является ромб с острым углом 60°, боковые грани составляют с плоскостью основания углы по 60°. Найдите высоту пирамиды и сторону основания, если площадь поверхности





Из учебника Л.С.Атанасяна № 635, №638 (б), №640, №641.

1. Шар, описанный около правильной усеченной пирамиды.

Теорема. Около любой правильной усеченной пирамиды можно описать шар. (Это условие является достаточным, но не является необходимым)

2. Шар, вписанный в правильную усеченную пирамиду.

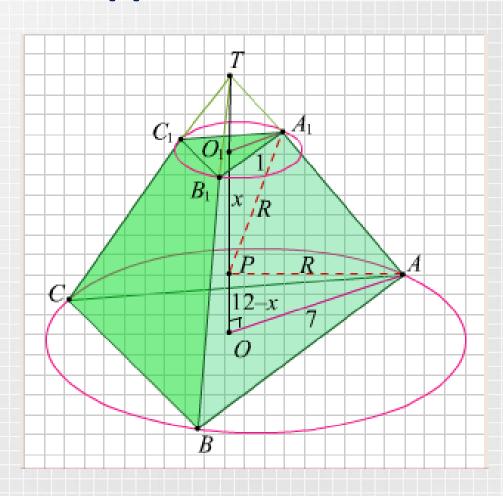
Теорема. В правильную усеченную пирамиду можно вписать шар в том и только в том случае, если апофема пирамиды равна сумме апофем оснований.

Ответим устно!

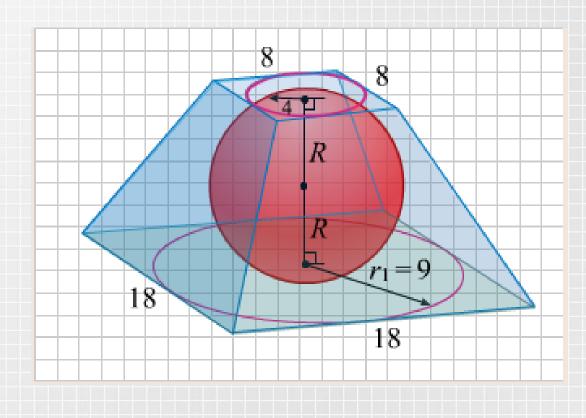
- 1. При каком условии в правильную четырехугольную усеченную пирамиду можно вписать сферу?
- В треугольную усеченную пирамиду вписана сфера. Какая точка пирамиды является центром сферы?

Найти радиус описанной сферы правильной усеченной треугольной пирамиды высотой 12 см, если стороны нижнего и верхнего оснований соответственно равны

 $\sqrt{3}$ u $7\sqrt{3}$



В правильную четырехугольную усеченную пирамиду вписан шар. Стороны нижнего и верхнего оснований равны 18 и 8 см соответственно. Требуется найти радиус шара, объем пирамиды.



Из учебника Л.С.Атанасяна № 636.

Комбинация шара с круглыми телами

Теорема. Около цилиндра, усеченного конуса (прямых круговых), конуса можно описать шар.

Теорема. В цилиндр (прямой круговой) можно вписать шар в том и только в том случае, если цилиндр равносторонний.

Теорема. В любой конус (прямой круговой) можно вписать шар.

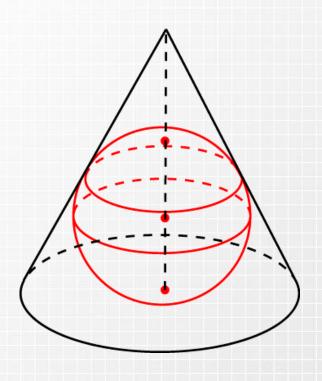
Теорема. В усеченный конус (прямой круговой) можно вписать шар в том и только в том случае, если его образующая равна сумме радиусов оснований.

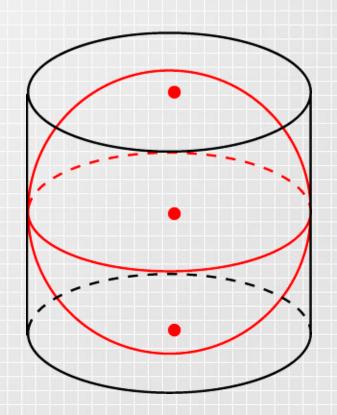
Ответим устно!

- 1. Можно ли описать сферу около цилиндра (прямого кругового)?
- 2. Можно ли описать сферу около конуса, усеченного конуса (прямых круговых)?
- 3. Во всякий ли цилиндр можно вписать сферу? Какими свойствами должен обладать цилиндр, чтобы в него можно было вписать сферу
- 4. Во всякий ли конус можно вписать сферу? Как определить положение центра сферы, вписанной в конус? ?

Комбинация шара с круглыми телами

Из учебника Л.С.Атанасяна № 642, №643, №644, №645, №646.





Заключение

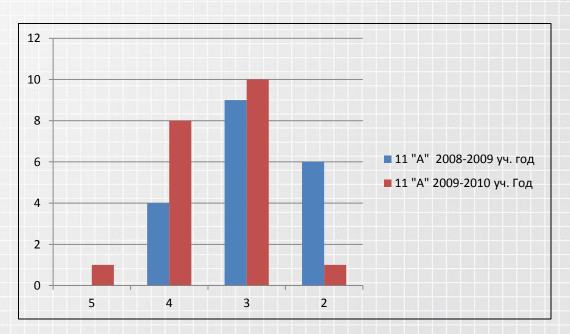
На изучение темы «Разные задачи на многогранники, цилиндр, конус и шар» по планированию отводятся три урока. За такое короткое время детально изучить тему, научить учащихся решать задачи очень трудно. Поэтому, проект создан с целью помочь учителю в достижении поставленных целей.

Данный материал содержит теоретические сведения по данной теме, а также набор устных вопросов и задач, учитель может использовать в зависимости от степени подготовленности и уровня развития учащихся конкретного класса.

Проект был опробован на уроках геометрии в 11 «А» классе 2009 — 2010 уч. года. Это общеобразовательный класс со средней успеваемостью.

Заключение

Диаграмма отражает сравнение результатов самостоятельной работы, проведенной после изучения данной темы в двух классах 11 «А» 2008-2009 учебного года, где тема изучалась традиционно, и 11 «А» 2009-2010 учебного года — изучение темы велось на основе данного материал.



Заключение

Использование компьютера на уроках — это не дань моде, не способ переложить на плечи компьютера многогранный творческий труд учителя, а лишь одно из средств, позволяющих активизировать познавательную деятельность, увеличить эффективность урока.

«Детская природа ясно требует наглядности. Учите ребенка каким-нибудь пяти неизвестным ему словам, и он будет долго и напрасно мучиться над ними; но свяжите с картинками двадцать таких слов - и ребенок усвоит их на лету. Вы объясняете ребенку очень простую мысль, и он вас понимает; вы объясняете тому же ребенку сложную картину, и он вас понимает быстро... Если вы входите в класс, от которого трудно добиться слова.,,, начните показывать картинки, и класс заговорит, а главное, заговорит свободно...».

К.Д. Ушинский

Литература

- http://saripkro.r2.ru/for teacher/konkurs/matem/grish/inde x.htm
- 2. http://eor.edu.ru/card/2569/zadachi-na-kombinacii-mnogogrannikov-i-tel-vrasheniya-i1.html
- 3. http://festival.1september.ru/articles/502677/
- 4. http://festival.1september.ru/articles/211460/
- 5. http://www.it-n.ru/