



Икки тугри чизик орасидаги
бурчак.

Икки тугри чизикнинг
параллеллик ва
перпендикулярлик шарти.

.



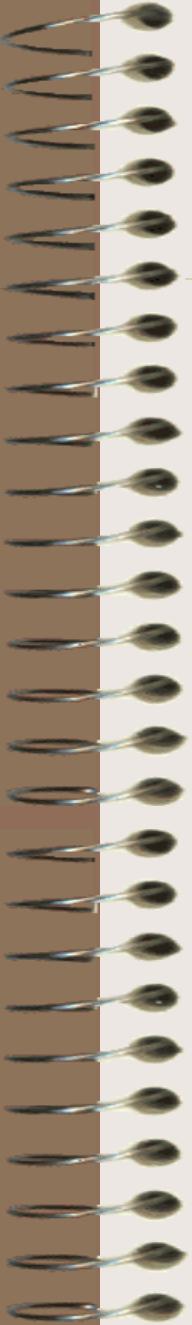
Режа

1. Такрорлаш
2. Янги мавзуни тушунтириш
3. «Maple» пакети

1.

Текисликда координаталар
системасига нисбатан тугри чизик
тenglамасини кандай куринишди
бериш мүмкин

1. Тугри чизикка тегишли турли $M_1(x_1, y_1)$ ва $M_2(x_2, y_2)$, нукталарнинг берилиши билан.
2. Тугри чизикка тегишли $M_1(x_1, y_1)$ нукта, ва йуналтирувчи векторнинг берилиши билан (тугри чизикка параллел хар кандай вектор тугри чизикнинг йуналтирувчи вектори дейилади).
3. Тугри чизикка перпендикуляр булган нормал вектор ва битта нуктанинг берилиши билан.



Тугри чизикнинг умумий тенгламаси
кандай куринишда булади?

Биринчи даражали

$$Ax+By+C=0$$

куринишдаги тенглама текисликда тугри чизикни аниклайди ва у тугри чизикнинг умумий тенгламаси деб аталади.

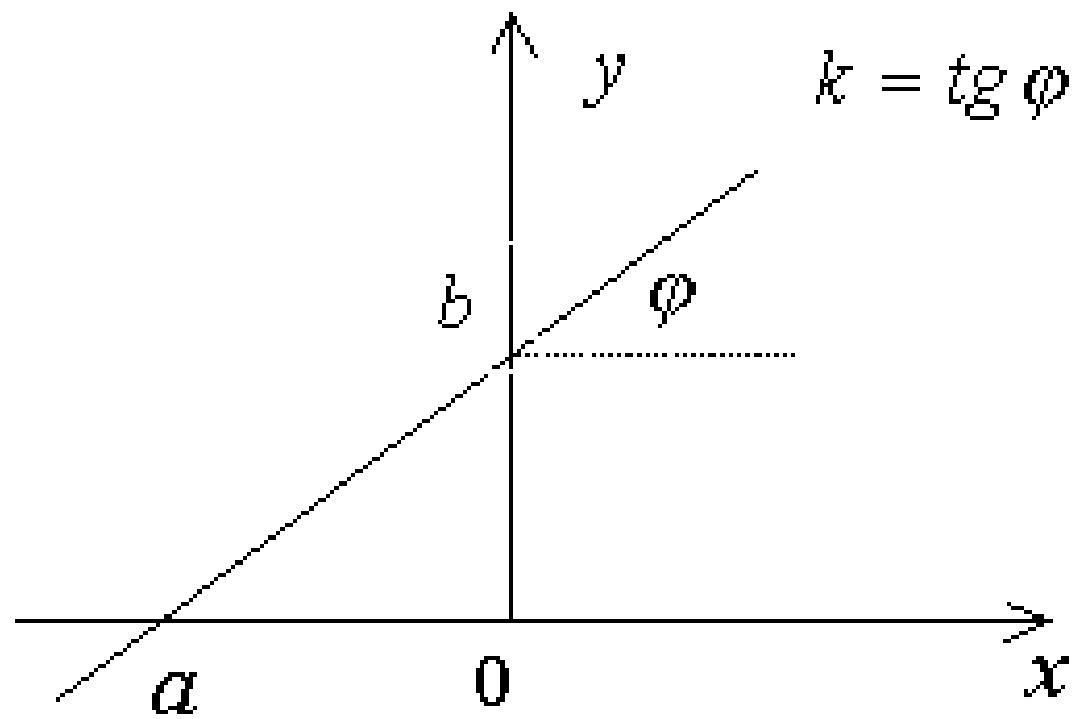
Тугри чизик умумий тенгламасида
куйидаги холлар булиши мүмкин

1. $C=0$ и $A \neq 0$, $B \neq 0$
2. $A=0$ и $B \neq 0$, $C \neq 0$
3. $B=0$ и $A \neq 0$, $C \neq 0$
4. $A=0$ и $C=0$
5. $B=0$, $C=0$



$$Y = kx + b$$

куринишдаги тугри чизик
тенгламаси кандай аталади?



$$\frac{x - x_0}{n} = \frac{y - y_0}{m}$$

Тугри чизикнинг каноник
тенгламаси.

агар

$$\frac{x - x_0}{n} = \frac{y - y_0}{m} = t$$

Тенгламани күйидаги куринишда ёзиш мумкин

$$\begin{cases} x = x_0 + nt \\ y = y_0 + mt \end{cases}$$

Бу тенглама тугри чизикнинг параметрик тенгламаси

Тугри чизикнинг параметрик тенгламаси механик маънога эга: агар таънишни вакт, x , y - моддий нуктанинг координаталари сифатида каралса, у холда параметрик тенглама $v = \{n, m\}$ тезлик билан харакатланувчи тугри чизикили текис харакатни аниклади, (x_0, y_0) ($t = 0$ даги) нуктанинг бошлангич холати.

l, m – тугри чизиклар

$k1, k2$ – l ва m тугри чизикларнинг бурчак коэффициентлари

φ – l ва m тугри чизиклар орасидаги бурчак

α_1, α_2 – мос равишида l ва m тугри

чизикларнинг Ох укининг мусбат йуналиши билан хосил килган бурчаги

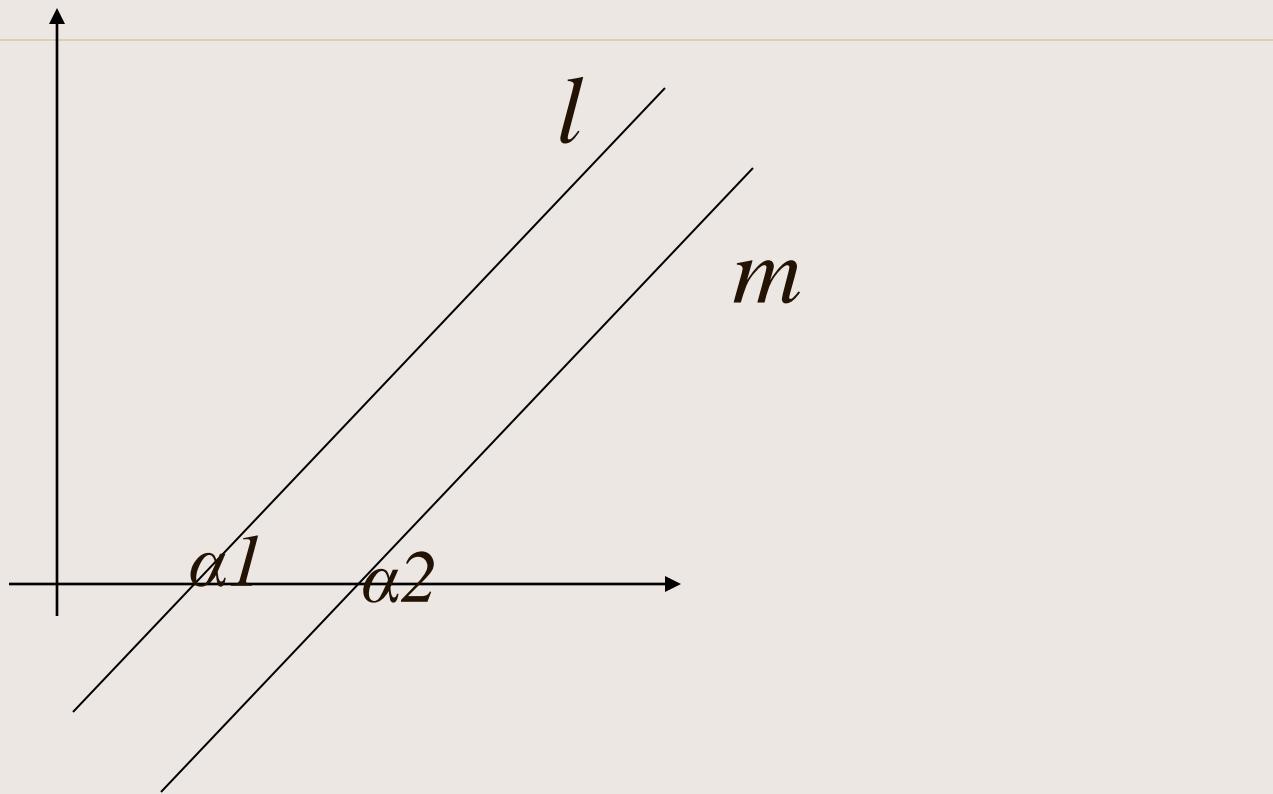




$$\alpha_1 + \varphi = \alpha_2$$
$$\varphi = \alpha_2 - \alpha_1$$

$$\tan \varphi = \tan(\alpha_2 - \alpha_1) = (\tan \alpha_2 - \tan \alpha_1) / (1 + \tan \alpha_2 \tan \alpha_1)$$
$$\tan \alpha_2 = k_2 \quad \text{and} \quad \tan \alpha_1 = k_1$$

$$\tan \varphi = (k_2 - k_1) / (1 + k_2 k_1)$$



l ва *m* тугри чизикларнинг бурчак коэффициентлари тенг булса, у холда бундай тугри чизиклар *параллел* тугри чизиклар булади яъни

$$\operatorname{tg}\alpha_2 = \operatorname{tg}\alpha_1$$

$\operatorname{tg}\alpha_2 = k_2$ ва $\operatorname{tg}\alpha_1 = k_1$ булгани сабабли $l \parallel m$ $k_2 = k_1$

l ва *m* тугри чизиклар $\varphi = \pi/2$
булганда ва фактат шу холда
перпендикуляр тугри чизиклар деб
аталади.

$$1 + k_1 k_2 = 0$$

$$k_1 k_2 = -1$$

или

$$k_1 = -1/k_2$$

Агар

$$Ax + By + C = 0 \quad \text{ва}$$

$$Dx + Ey + F = 0$$

у холда

$$\cos \varphi_{1,2} = \pm \frac{AD + BE}{\sqrt{A^2 + B^2} \sqrt{D^2 + E^2}}$$

Икки тугри чизик перпендикулялигининг
зарурий ва етарли шарти

$$AD + BE = 0$$

агар берилган тугри чизиклар параллел
булса, у холда

$$\cos \varphi_{1,2} = \pm 1$$



Икки тугри чизикнинг узоаро
жойлашиши

$$Ax+By+C=0$$
$$Dx+Ey+F=0$$


$$\begin{vmatrix} A & B \\ D & E \end{vmatrix} \neq 0 \quad \frac{A}{D} \neq \frac{B}{E}$$

$$\frac{A}{D} = \frac{B}{E} = \frac{C}{F}$$

$$\frac{A}{D} = \frac{B}{E} \neq \frac{C}{F}$$

Масала

$y=3x-5$ и $y=-2x+3$ түгри чизиклар
орасидаги уткир бурчакни хисобланг

Масала

Координаталар бошидан утиб,

А) $y=4x+1$

түгри чизикка параллел булган

Б) $y=1/2x+1$ түгри чизикка

перпендикуляр булган түгри чизик
тенгламаларини тузинг