

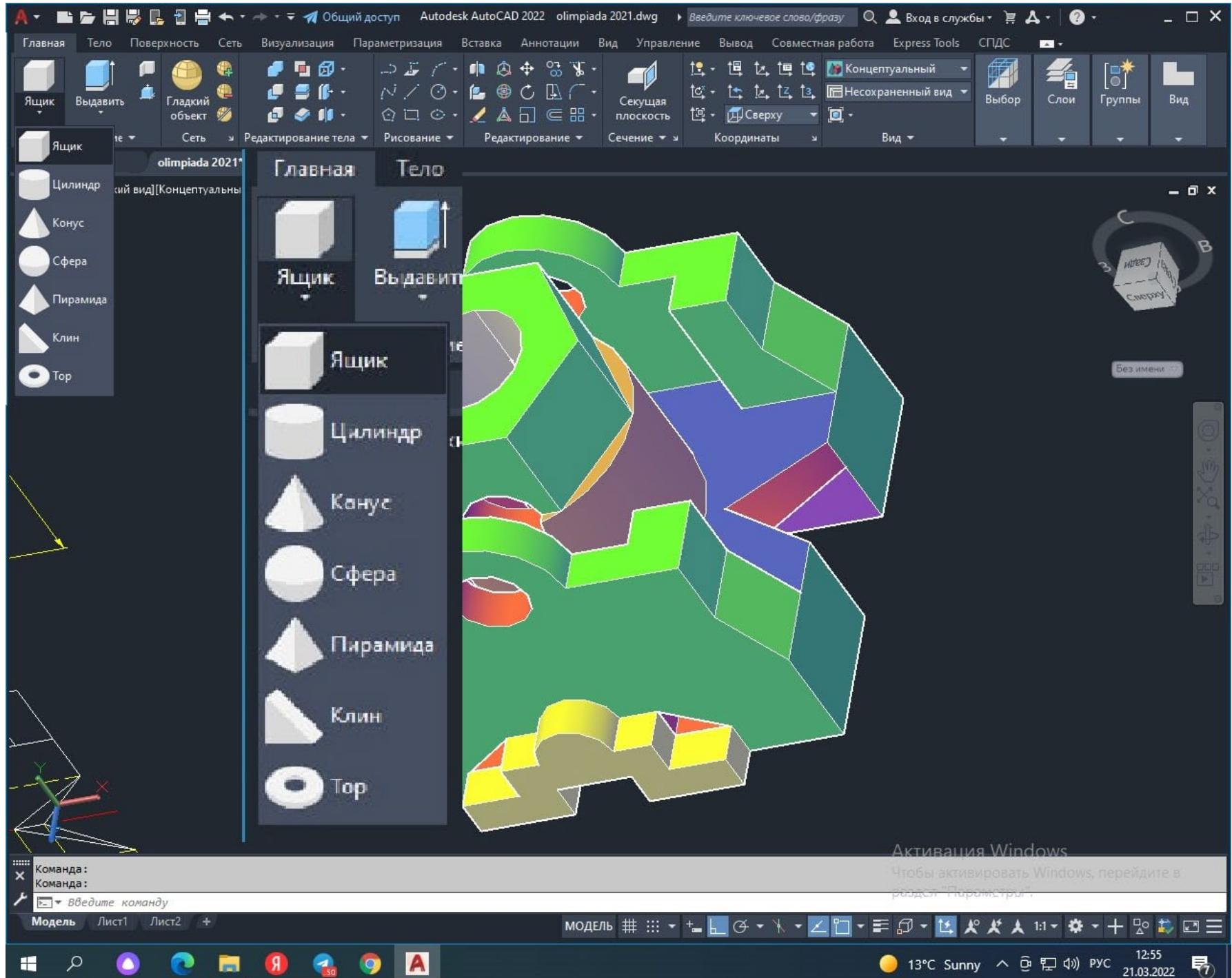
SIRTLAR

Urishev Adhamjon Ergashaliyevich

SIRTLAR NOMLANISHINING KELIB CHIQISHI



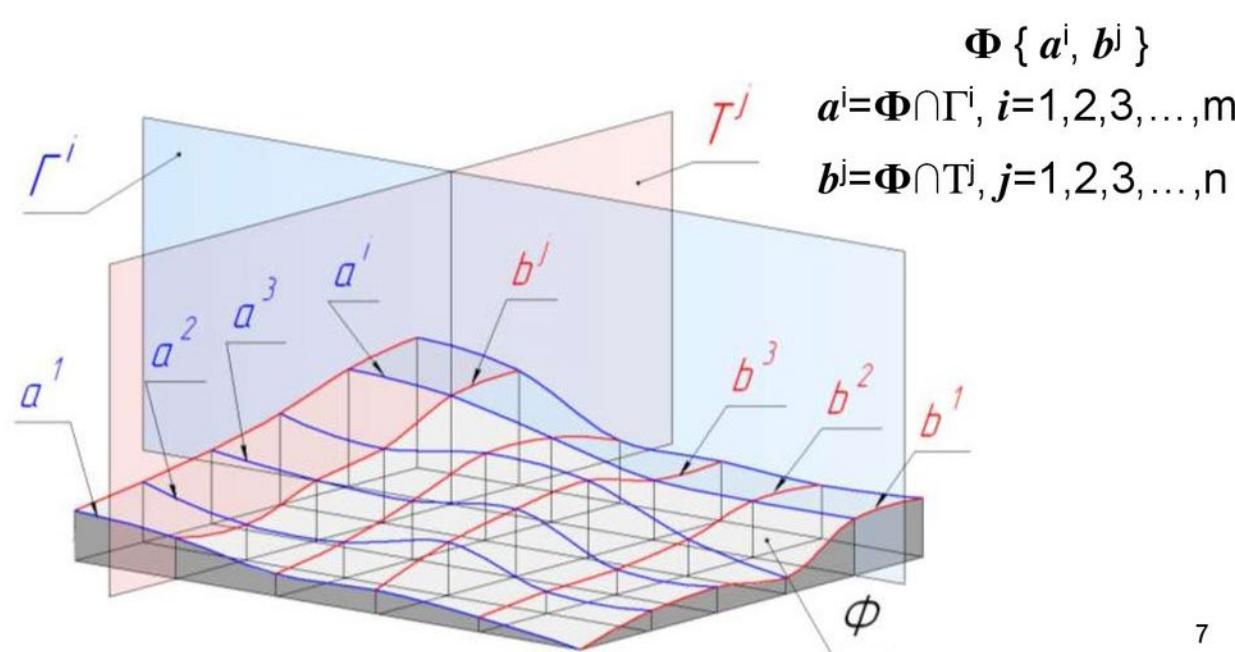
silindr—to'nika	prizma—chopilgan	konus—g'udda	Piramida—yonayotgan olov
To'g'ri to'rtburchakni tomonlaridan biri atrofida aylanishidan xosil bo'ladi	Asoslari ko'pburchak, yon tomonlari to'g'ri tortburchaklardan iborat bo'lgan yopiq jism	To'g'ri burchakli uchburchakni katetlaridan biri atrofida aylanishidan xosil bo'lgan yopiq jism	Asosi ko'pburchak, yon tomonlari bitta nuqtada birlashuvchi uchburchaklardan iborat bo'lgan yopiq jism

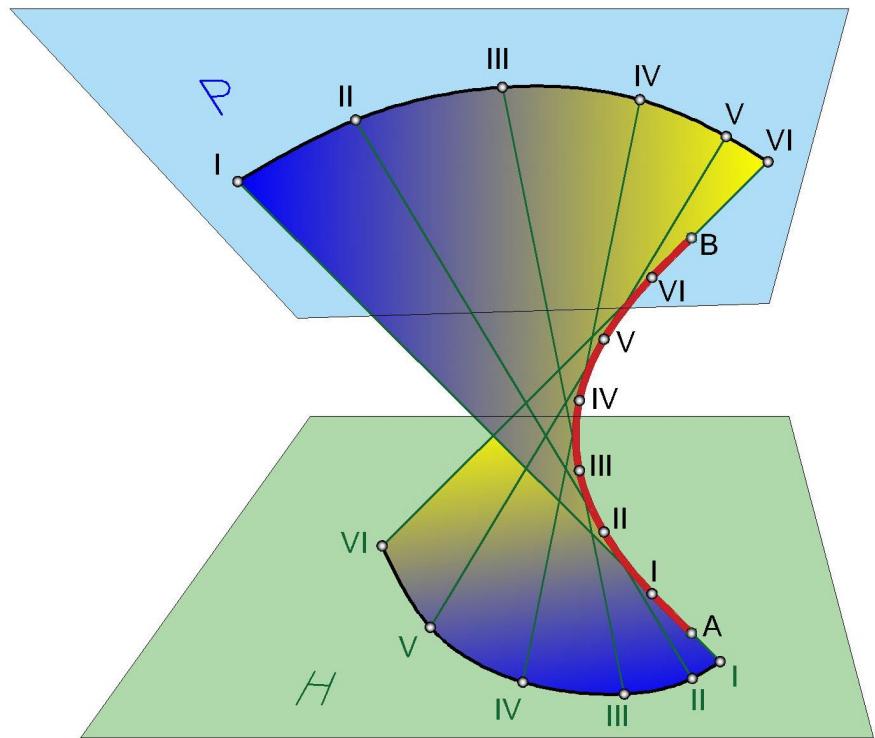


Sirtlarning hosil bo'lishi, ularni chizmada berilishi va muhandislik amaliyotida qo'llanishi.

Fazodagi biror to'g'ri yoki egri chiziqni ma'lum qonunga muvofik boshqa chiziqlar yoki sirtlar bo'yicha harakatlantirilsa, sirt hosil bo'ladi. ***Harakatlanish natijasida sirt hosil qiluvchi a chiziq uning yasovchisi deyiladi.***

Yasovchi chiziqning harakatini belgilovchi chiziq b esa sirtning yo'naltiruvchi chizig'i, deyiladi. Yasovchilarning turiga qarab sirtlar to'g'ri chiziqli va egri chiziqli sirtlarga bo'linadi. ***Yasovchilar to'g'ri chiziq bo'lgan sirtlar chiziqli sirtlar deyiladi***

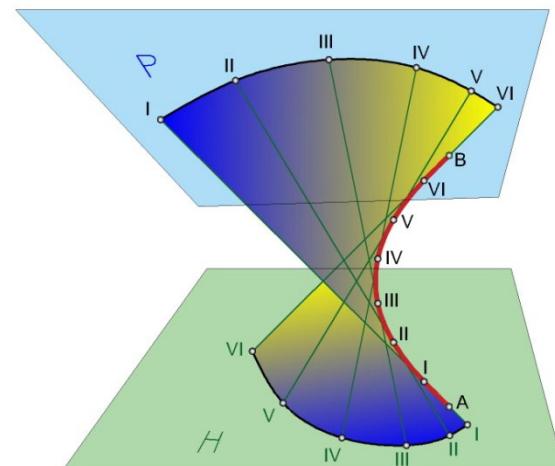
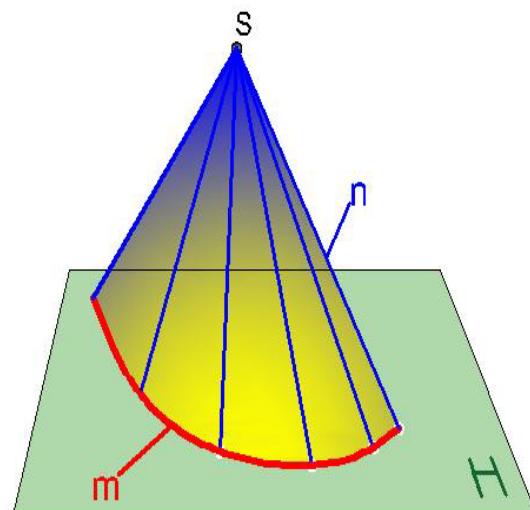
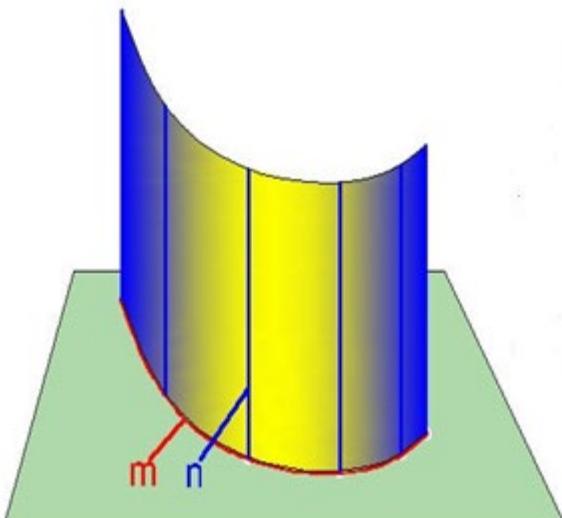




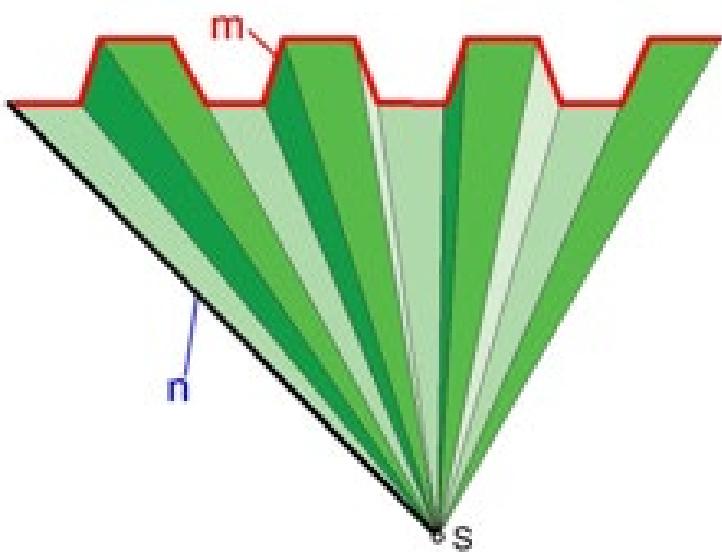
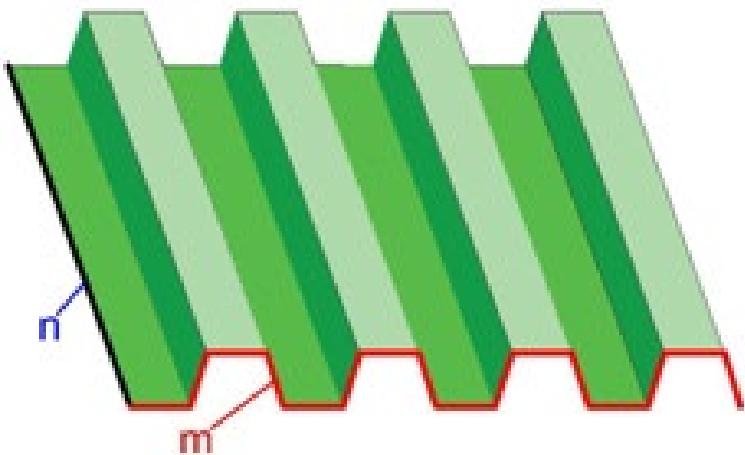
AB egri chiziqda bir nechta I, II, III, ... nuqdalarni tanlab, shu nuqtalar orqali egri chiziqa urinma to'g'ri chiziqlar o'tkazamiz va P va H tekisliklar bilan kesishtirib chegaralaymiz. Natijada qaytish qirrali sirt xosil bo'ladi. Bu erda AB egri chiziq tushish qirrasi deyiladi, chunki bunday sirt ikki pallaga ega bo'lib, ikkala pallasi uchun AB egri chiziq qaytish qirrasi vazifasini o'taydi. Bizning misolda qaytish qirrali sirtning bitta pallasi P tekislik bilan, ikkinchi pallasi H tekislik bilan chegaralangan.

Qaytish qirrali sirtlarning uch hil turi mavjud, ular:

grekchada to'nka degan ma'noni beruvchi sildrik sirtlardir.	grekchada g'udda (archaning mevasi) degan ma'noni beruvchi konusli sirtlardir.	grekchada tana degan ma'noni beruvchi tors sirtlardir.
To'gri chiziq berilgan yo'nalishda biror egri chiziq bo'yicha o'z-o'ziga parallel ravishda harakat qilsa silindr sirti xosil bo'ladi.	To'gri chiziq muntazam ravishda egri chiziq tekisligidan tashqaridagi qo'zg'armas nuqta S orqali o'tib berilgan egri chiziqa urinma harakat qilsa konus sirti xosil bo'ladi	To'gri chiziq muntazam ravishda fazoviy egri chiziqliga urinma tarzida harakat qilsa tors sirti xosil bo'ladi

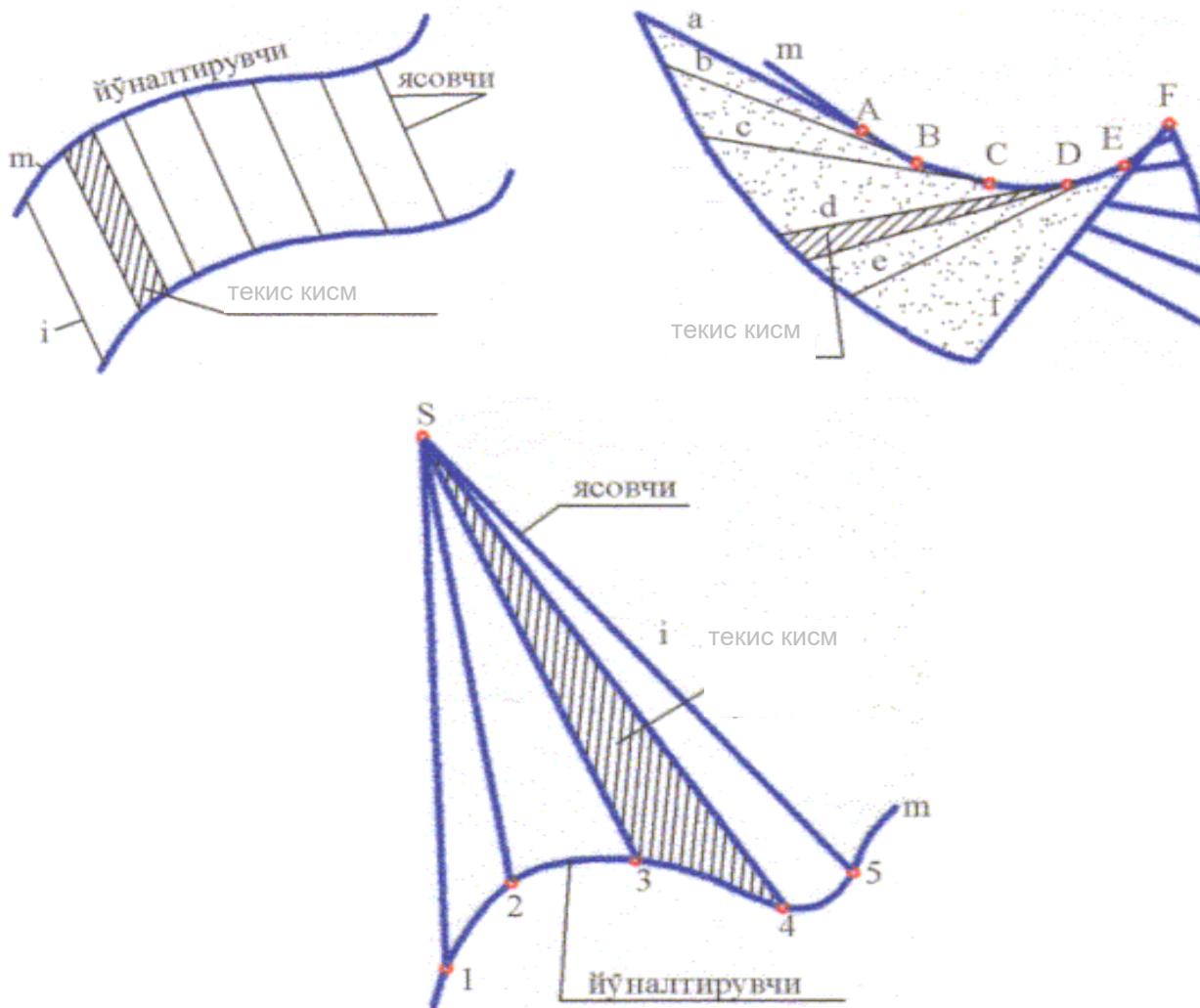


- Sirtning yo'naltiruvchisi siniq chiziqlar zvenosi bo'lsa, prizma, yoki piramida, sirti xosil bo'ladi. Yo'naltiruvchi siniq chiziqlar zvenosi ochiq bo'lsa ochiq prizma yoki ochiq piramida deyiladi.



Egri chiziqning harakatidan hosil bo'lgan sirtlar esa egri chiziqli sirtlar deyiladi.

Masalan, chiziqli sirtlarga konus va silindrik sirtlar, egri chiziqli sirtlarga shar, ellipsoid, paraboloid sirtlari misol bo'la oladi. Sirtlar yana o'z navbatida yoyiladigan va yoyilmaydigan sirtlarga bo'linadi.



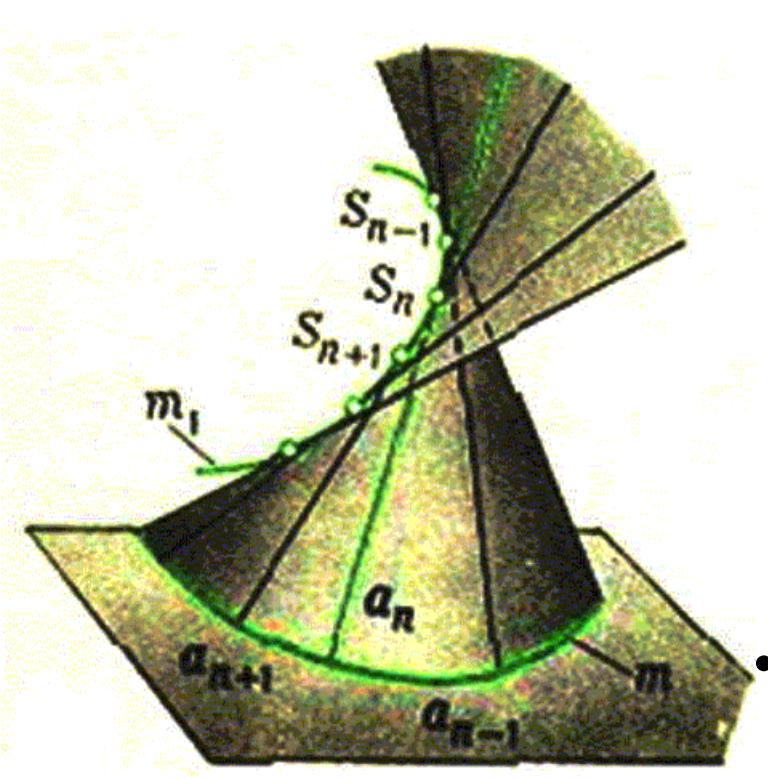
Agar biror chiziqli sirtning bir-biriga cheksiz ikki yaqin qo'shni yasovchisi kesishsa yoki parallel bo'lsa, ya'ni tekis qism hosil qilsa, bunday chiziqli sirt tekislikka yoyiladi.

Agar chiziqli sirtning ikki qo'shni yasovchilar uchrashmas bo'lsa, bunday sirtlar tekislikda yoyilmaydi. Egri chiziqli sirtlarni tekislikka faqat taqriban yoyish mumkin.

Chiziqli sirtlar

Chiziqli sirtlar injenerlik amaliyotida keng qo'llaniladi. Chunki ularning yasovchilar to'g'ri chiziq bo'lgani uchun ularni tayyorlash tehnologiyasi osondir. Chiziqli sirtlarga, asosan, qaytish qirrali sirtlar, konus, silindrik, qirrali sirtlar (ko'pyoqliklar) hamda parallelizm tekisligiga ega bo'lgan sirtlar kiradi.

Qaytish qirrali sirtlar.



- To'g'ri chiziqli yasovchisi o'z harakati davomida doim biror fazoviy egri chiziqqa urinib harakatlanishidan hosil bo'lgan sirt qaytish qirrali sirt deyiladi. Qaytish qirrasi m fazoviy egri chiziq bo'lgan qaytish qirrali Φ sirt tasvirlangan. Bunda m sirtning yo'naltiruvchisi bo'ladi. Qaytish qirrali sirtlarni torslar ham deb yuritiladi. Torslarning m yo'unaltiruvchisi berilgan bo'lsa, tors sirti berilgan hisoblanadi.
- Agar bir-biriga eng yaqin ikki urinmalar tanlansa, ular kesishib tekislik hosil qiladi. Shuning uchun torslar yoyiluvchi sirtlar guruhiga kiradi.

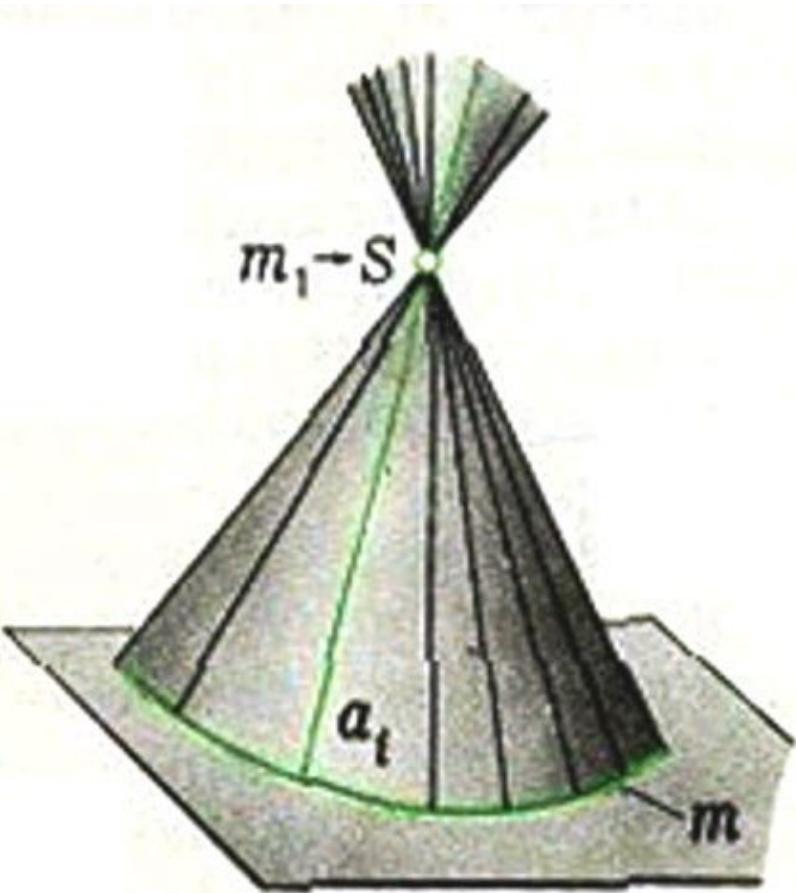
Konus sirt. Konus qaytish qirrali sirtning hususiy holi bo'lib, bunda qaytish qirrasi cheksiz kichik bo'lib va u nuqtaga teng bo'ladi.

- To'g'ri chiziqning doim biror S nuqtadan o'tib va m egri chiziq bo'yicha sirpanib harakatlanishidan konus sirti hosil bo'ladi.. Bunda / to'g'ri chiziq konus yasovchisi, S nuqta konus uchi va m egri chiziq konus yo'naltiruvchisi deyiladi. m yo'naltiruvchi har qanday fazoviy yoki tekis egri chiziq bo'lishi mumkin.

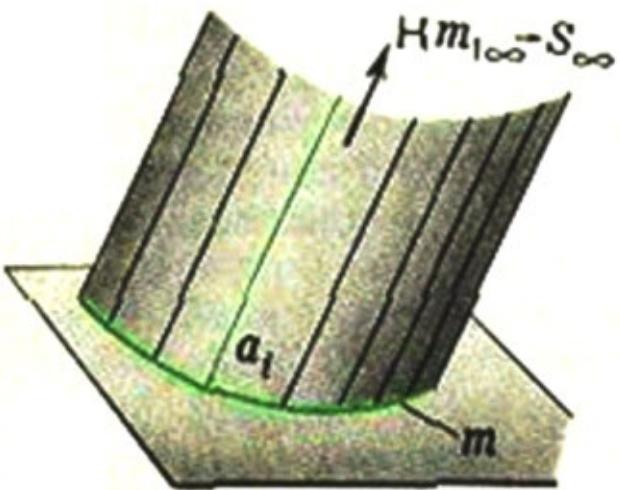
Demak, konus sirti S uchi va m yo'naltiruvchi egri chizig'i orqali beriladi. Shuning uchun uning aniqlovchilari $\Phi(S, m)$ ko'rinishida yoziladi. Epyurda konus sirti yo'naltiruvchisi m ning va S nuqtanining proyeksiyalari (m', m'') va (S', S'') orqali beriladi.

Konus sirti ustidagi nuqta va undan o'tuvchi yasovchilar yordamida aniqlanadi.

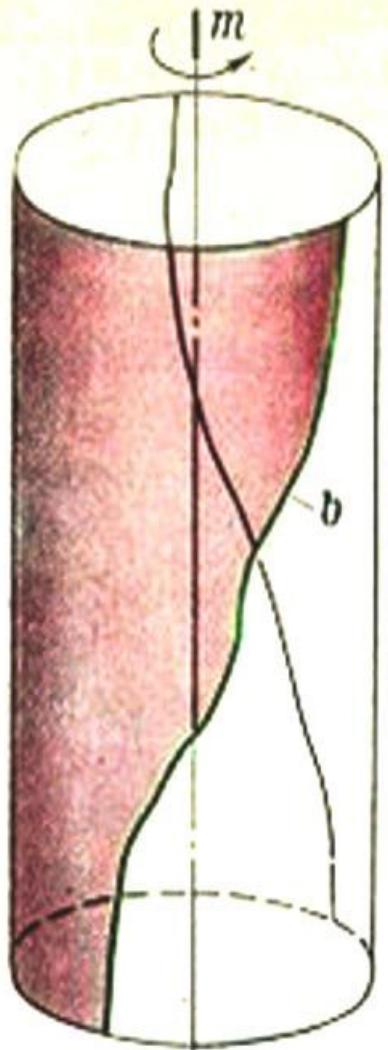
Konus sirtidagi biror B nuqtaning B'' frontal proyeksiyasiga asosan uning gorizontal B' proyeksiyasini yashish konus yasovchisining proyeksiyalari $S''2''$ va $S'2'$ ni o'tkazish bilan bajariladi.



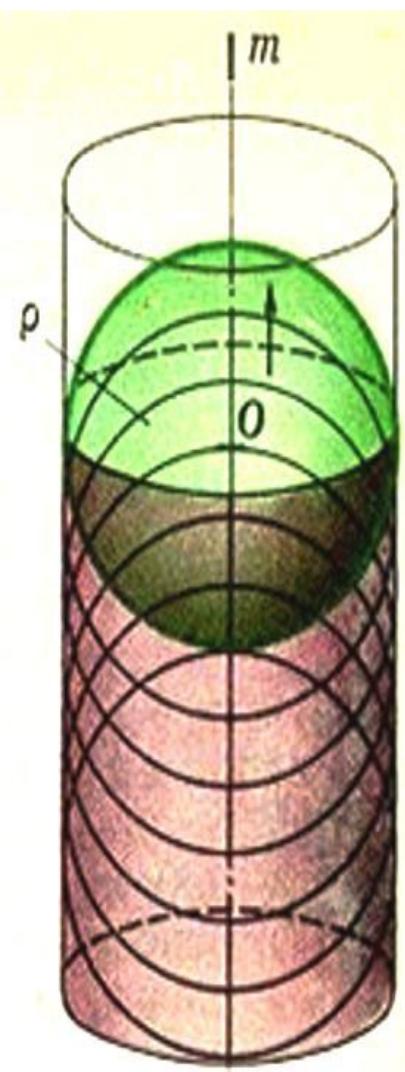
Silindrik sirt.



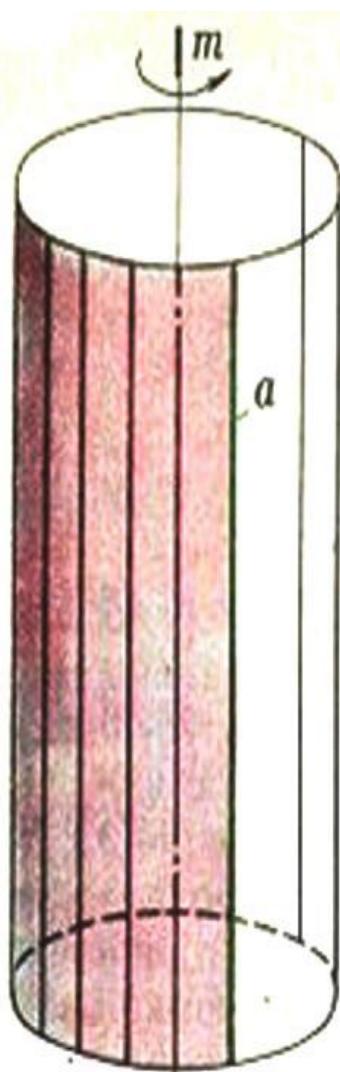
- Konus uchi cheksizlikda bo'lganda uning barcha yasovchilari o'zaro parallel bo'lib qoladi. Natijada, konus sirti silindr sirtiga aylanadi. Biror S yo'nalishga parallel / to'g'ri chiziqni n egri chizig'i bo'yicha harakatidan silindrik sirt hosil bo'ladi.
- Bunda / silindrning yasovchisi n , uning yo'naltiruvchisi S esa yasovchilar yo'nalishini bildiradi. Demak, silindrik sirt n – yo'naltiruvchi va / yo'nalishi bilan beriladi. Shuning uchun uni aniqlovchilari $\Phi(l, n)$ deb yoziladi. Epyurda silindrik sirt n yo'naltiruvchisining va yasovchilari yo'nalishi S -ning proyeksiyalari (n', n'') va (S', S'') bilan beriladi. Silindrik sirt ustidagi nuqtalarining holatlari ular orqali o'tuvchi yasovchilar yordamida aniqlanadi. Silindrik sirt ustidagi biror A nuqtaning frontal A'' nuqtadan yasovchi o'tkazish bilan bajariladi. Bunda $A''/4//S''$ yasalib, uning gorizontal proyeksiyasi $A'4//S'$ aniqlanadi va uning ustida A' topiladi.



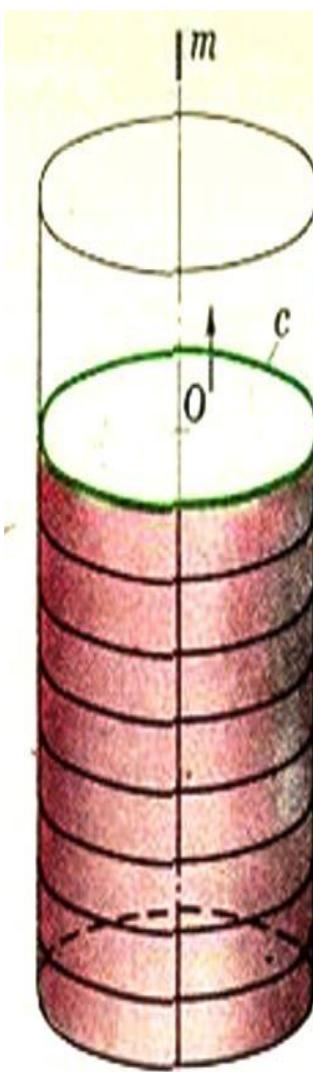
$$\Phi(b,m) \cdot [A_1]$$



$$\Phi(\rho,m) \cdot [A_2]$$



$$\Phi(a,m) \cdot [A_1]$$



$$\Phi(c,m) \cdot [A_2]$$

Parallelizm tekisligiga ega bo'lgan chiziqli sirtlar. Qiyshiq tekislik – giperbolik paraboloid. Qiyshiq tekislik chiziqli sirt bo'lib, bunda $a(a', a'')$ va $b(b', b'')$ to'g'ri chiziqli yo'naltiruvchilarni $I(I', I'')$ to'g'ri chiziqli yasovchi kesib o'tadi va u $P(P_H)$ parallelizm tekisligiga parallel bo'lib harakatlanishdan hosil bo'lgan sirt hisoblanadi.

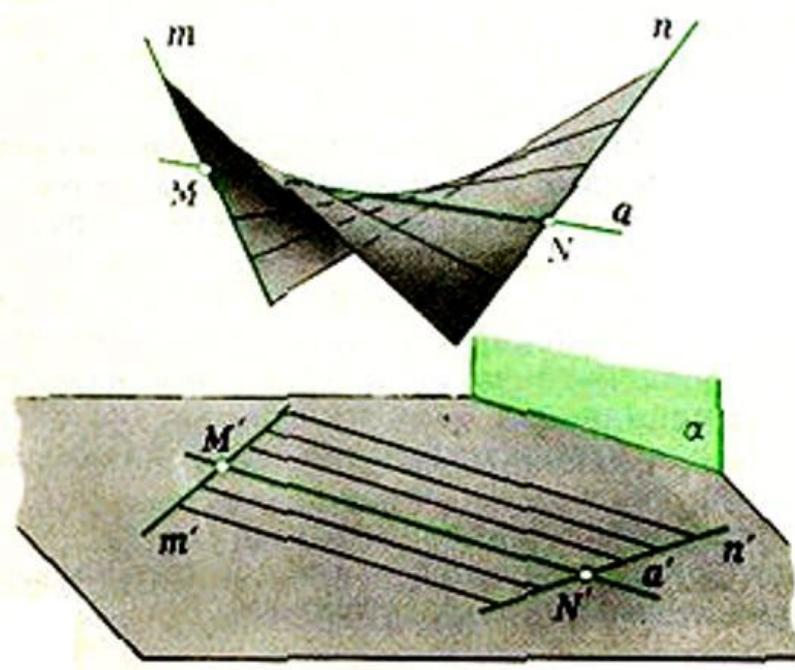
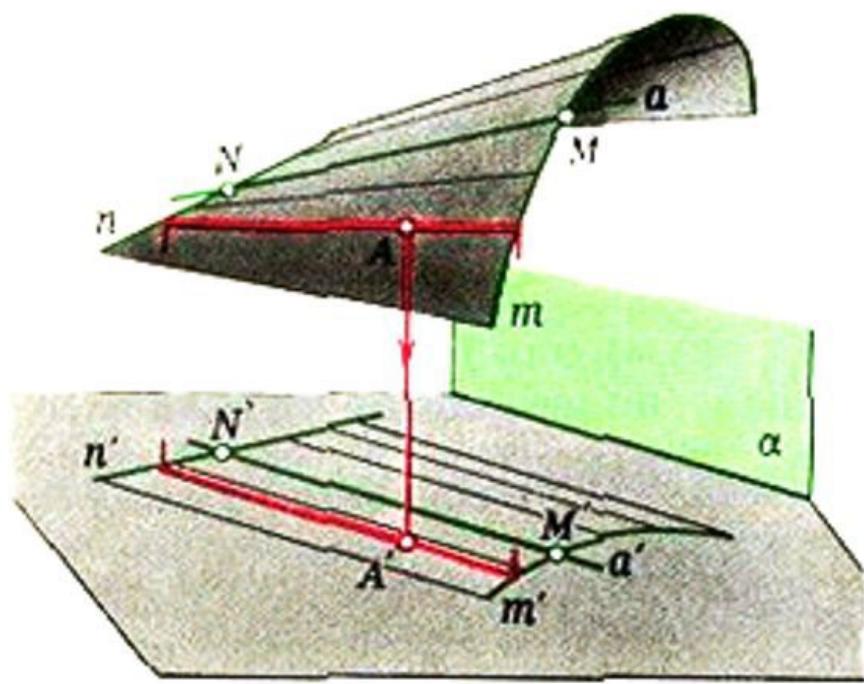
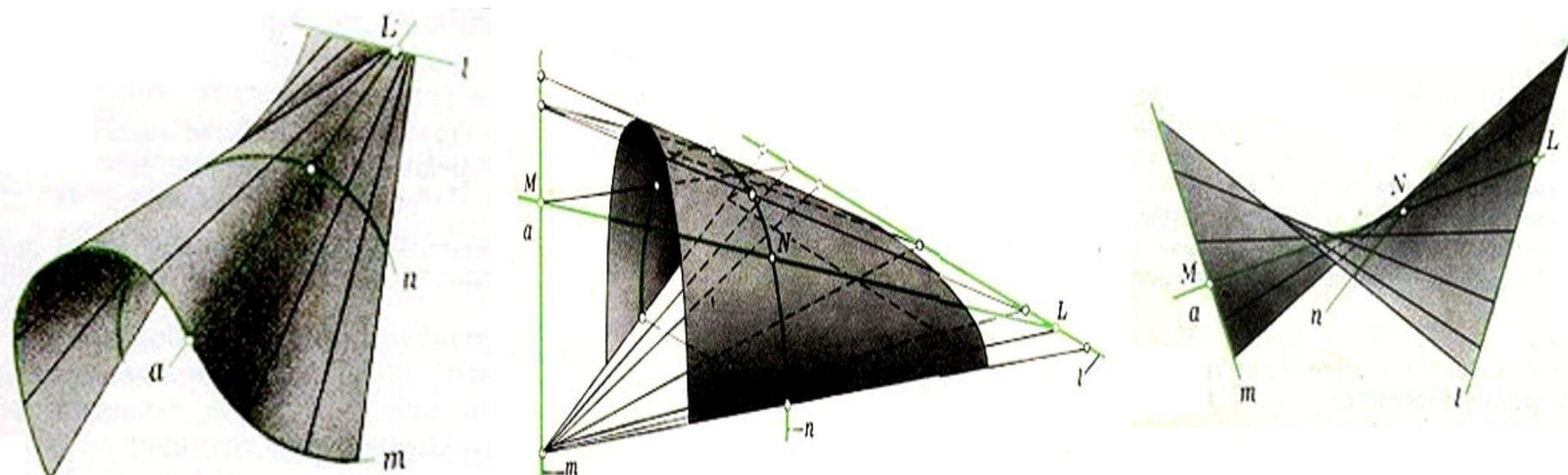
Sirtning a va b uchrashmas yo'naltiruvchilariga parallel bo'lgan $Q(Q_H)$ tekislik ikkinchi parallelizm tekisligi bo'ladi. Bunda a va b to'g'ri chiziqlar ikkinchi oila yasovchilari hisoblanib, birinchi oila yasovchilari AC va BD sirtning yo'naltiruvchilari bo'ladi.

Qiyshiq tekislikni epyurda tasvirlash uchun a va b yo'naltiruvchilarning proyeksiyalari hamda I yasovchilarni holati uchun P parallelizm tekisligi beriladi. parallelizm tekisligiga ega bo'lgan sirt qiyshiq tekislik $P \parallel H$ parallelizm tekisligi, $a(a', a'')$ va $b(b', b'')$ yo'naltiruvchilari bilan berilgan. Sirtning ihtiyyoriy $n(n', n'')$ yasovchisining proyeksiyalarini yasash uchun $n \parallel P$ va $P \perp H$ bo'lganidan $n' \parallel P_H$ a' va b' yo'naltiruvchilarda $1'$ va $2'$ nuqtalar belgilanadi.

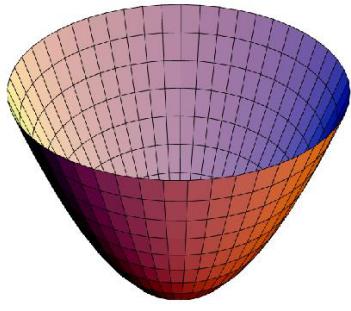
So'ngra proyeksiyalarni bo'glash chiziqlari yordamida a" va b", 1" va 2" nuqtalar yasaladi. Bu nuqtalarni o'zaro tutashtirib n" chiziq hosil qilinadi. Qiyshiq tekislik ustidagi ihtiyoriy E ($E'E'$) nuqtani proyeksiyalarini yasash uchun u nuqta orqali $5\ 6\ (5'6';\ 5''6'')$ // P yasovchi o'tkazib topiladi.

Har qanday tekislik qiyshiq tekislikni ikki kesishuvchi chiziq, parabola yoki giperbola bo'yicha kesadi. Shuning uchun qiyshiq tekislik-giperbolik paraboloid sirti ham deb yuritiladi. Giperbolik paraboloid sirti m yasovchi parabolani n yo'naltiruvchi parabola bo'yicha harakatlanishidan ham hosil bo'ladi.

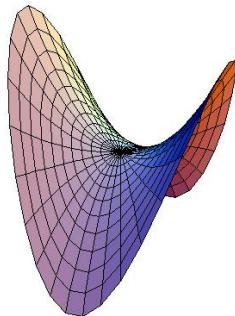
Qiyshiq tekislik sirti gidrotehnik inshootlar va yo'llarni qurishda ularning yon bag'irlari tutashmalarida keng qo'llaniladi. Masalan, har hil qiyalikdagi nishab tekisliklarni qiyshiq tekislik yordamida tutashtiriladi.



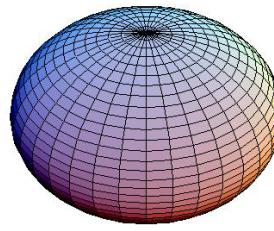
Aylanish sirtlari



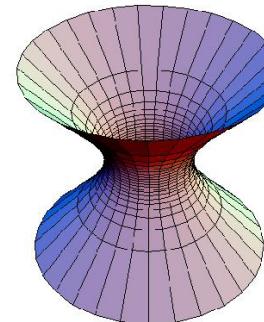
Elliptical Paraboloid



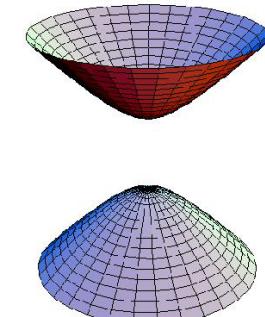
Hyperbolic Paraboloid



Ellipsoid



Hyperboloid – One Sheet



Hyperboloid – Two Sheets

$$z = x^2 + y^2$$

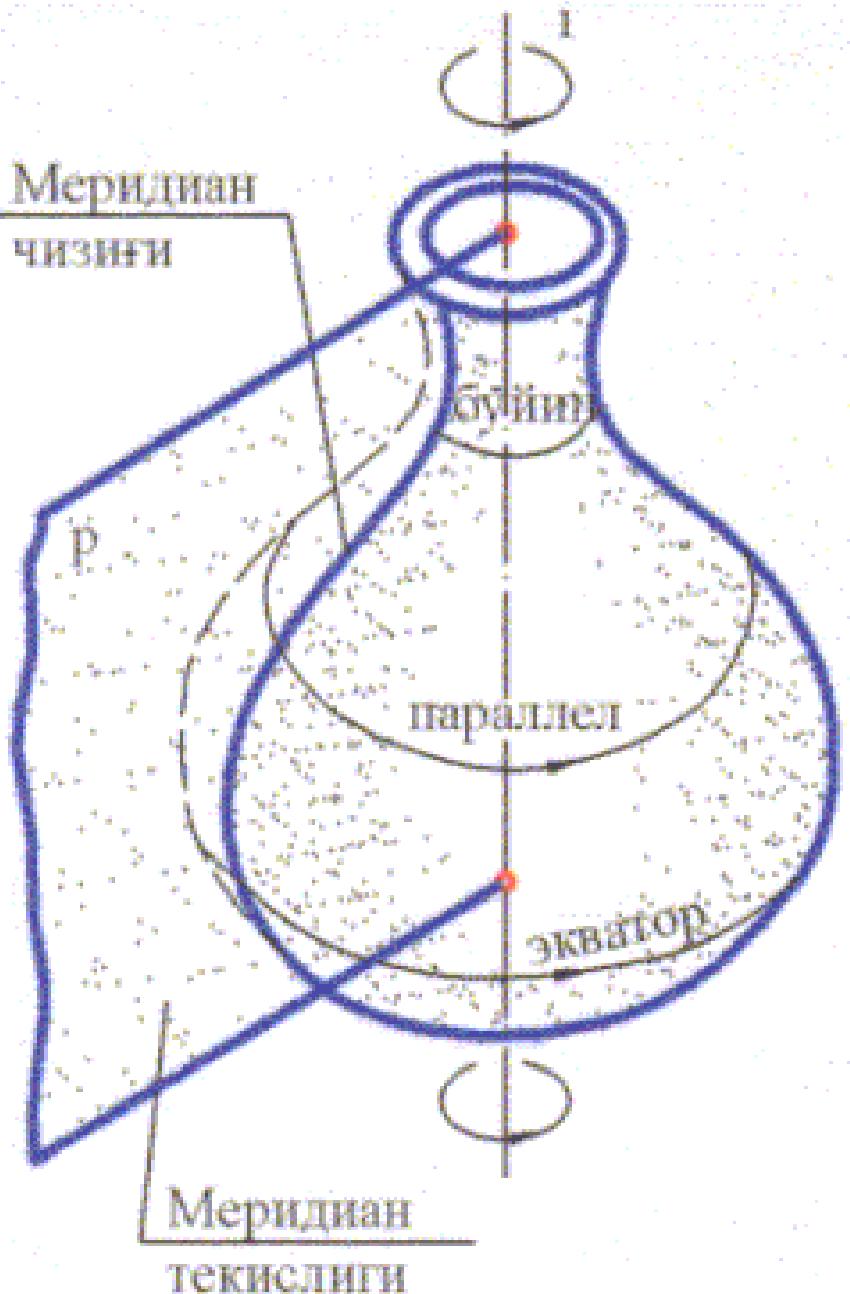
$$z = x^2 - y^2$$

$$x^2 + y^2 + z^2 = 1$$

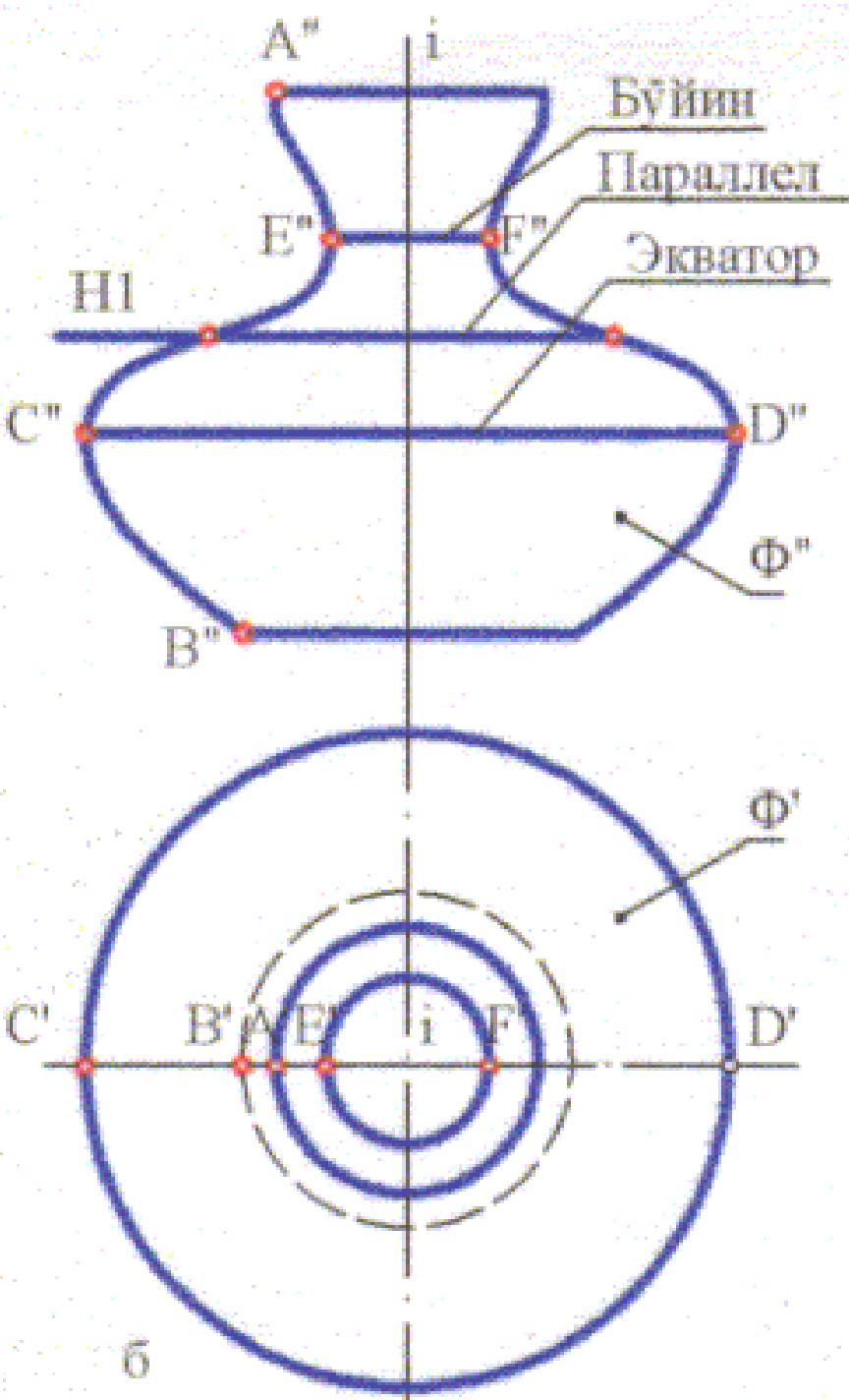
$$x^2 + y^2 - z^2 = 1$$

$$x^2 - y^2 - z^2 = 1$$

Ta’rif. Biror to’g’ri yoki egri chiziqning qo’zg’almas to’g’ri chiziq atrofida aylanishidan hosil bo’lgan sirt aylanish sirti, deyiladi. Bunda aylanadigan chiziqni aylanshi sirtining yasovchisi i qo’zgalmas to’g’ri chiziq esa uning o’qi, deb yuritiladi. Aylanish o’qi orqali o’tkazilgan P tekislik **meridian tekisligi** deyiladi. Meridian tekisligi bilan aylanish sirtining kesishgan chizig’i **sirtning meridiani** deyiladi. Agar meridian tekisligi frontal tekislik bo’lsa, uni **asosiy** yoki **bosh meridian tekisligi** deyiladi. Agar aylanish sirtining o’qiga perpendikulyar tekisliklar bilan kesilsa, kesimda aylanalar hosil bo’ladi. Bu aylanalar aylanish sirtining **parallellari** deyiladi. Aylanish sirtining eng katta parallel uning **ekvatori**, eng kichik parallel esa aylanish sirtining **bo’yin chizig’i** deyiladi. Ekvator o’zidan ikki tomondagi, bo’yin chizig’iga bo’lgan, barcha parallelardan kattadir. Bo’yin chizig’i o’zidan ikki tomondagi ekvatorgacha bo’lgan barcha parallelardan kichikdir. Demak, aylanish sirtida bir nechta ekvator va bo’yin chizig’i mavjud bo’lishi mumkin. Epyurda aylanish sirtlari o’zlarining parallelari va meridianlarining proyeksiyalari orqali tasvirlanadilar. Ko’pincha sirtning aylansh o’qi H ga perpendikulyar qilib olinadi. Texnikada asosan quyidagi aylanish sirtlari keng tarqalgandir.



а



Ikkinchi tartibli aylanish sirtlari

Ta’rif. *Ikkinchi tartibli egri chiziqlarni o’z o’qlarining biri atrofida yoki to’g’ri chiziqning biron to’g’ri chiziq atrofida aylanishidan hosil bo’lgan sirt ikkinchi tartibli aylanish sirti deyiladi.*

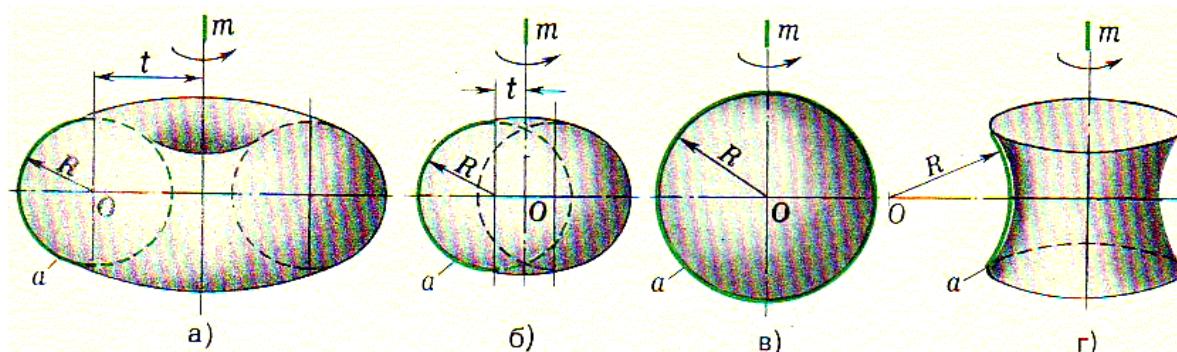
Sfera. Aylanani o’z o’qlaridan biri atrofida aylanishidan hosil bo’lgan sirt sfera deb ataladi. Aylana diametri orqali o’tgan i o’qi atrofida $m(m', m'')$ aylananing aylanishidan hosil bo’lgan $Q(i, m)$ sferaning frontal $Q''(i'', m'')$ va gorizontal $Q'(i', m')$ proyeksiyalari tasvirlangan.

Sfera ustida yotuvchi A va B nuqtalarning frontal A'' va B'' hamda C nuqtaning gorizontal C' proyeksiyalari berilgan. A nuqtaning A' gorizontal proyeksiyasini yasash uchun A nuqta orqali $1\ 2(1'2', 1''2'')$ parallel o’tkaziladi. A nuqtaning gorizontal proyeksiyasi $O_A''1''$ radiusli parallelning gorizontal proyeksiyasiда yotadi. A nuqta sferaning oldingi va orqa yarmida joylashganligi uchun uning ikki A' va A_1' gorizontal proyeksiyalarini yasaymiz. Sfera ekvatorlarida yotgan biror $B(B'')$ nuqtaning gorizontal proyeksiyasi va meridianidagi $C(C')$ nuqtaning frontal proyeksiyalarini yasash shu nuqtalar yotgan ekvator va meridianlarning ikkinchi proyeksiyalarning ustida yasaladi.

Aylanish paraboloidi. Parabolaning o'z o'qi atrofida aylanishidan hosil bo'lgan sirt aylanish paraboloidi deyiladi. Bunda $m(m', m'')$ parabolaning $i(i', i'')$ o'qi atrofida aylanishidan hosil bo'lgan $Q(i, m)$ paraboloidning proyeksiyalari berilgan va uning ustida nuqta tanlash ko'rsatilgan.

Aylanish paraboloidi parabolik oynalar sirti hisoblanib, projektorlar va avtomobil faralari uchun ishlatiladi. Bunda parabolaning hossasiga asosan: parabolaning fokusida o'rnatilgan nur manbaidan chiquvchi nurlar parabola sirtida sinib o'zaro parallel bo'lib qaytadilar. Parabolaning shu hossasiga nur yig'ish sirtlari tovush ushlagichlar, radiolakatorlarni konstruksiyalash ham asoslangandir.

Ikkinci tartibli aylanish sirtlariga aylanish ellipsoidi, bir kovakli va ikki kovakli giperboloiddir, aylanish konusi va silindrлarni misol keltirish mumkin.

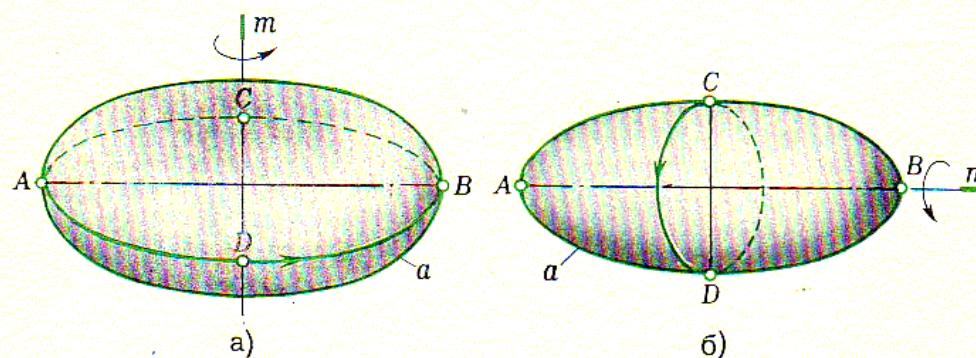


Tor (a – ochiq,

б) – yopiq,

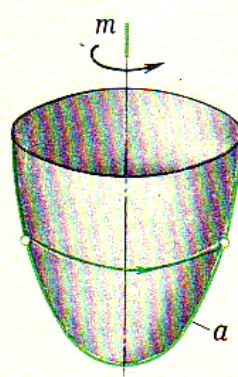
в) – sfera,

г) - globoid

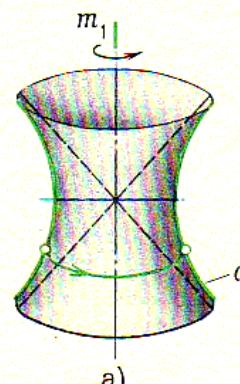


Ellipsoid (а – qisqartirilgan,

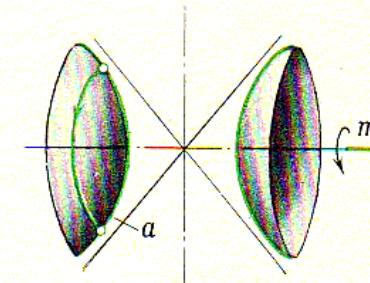
б) – cho'zilgan



Aylanish paraboloidi

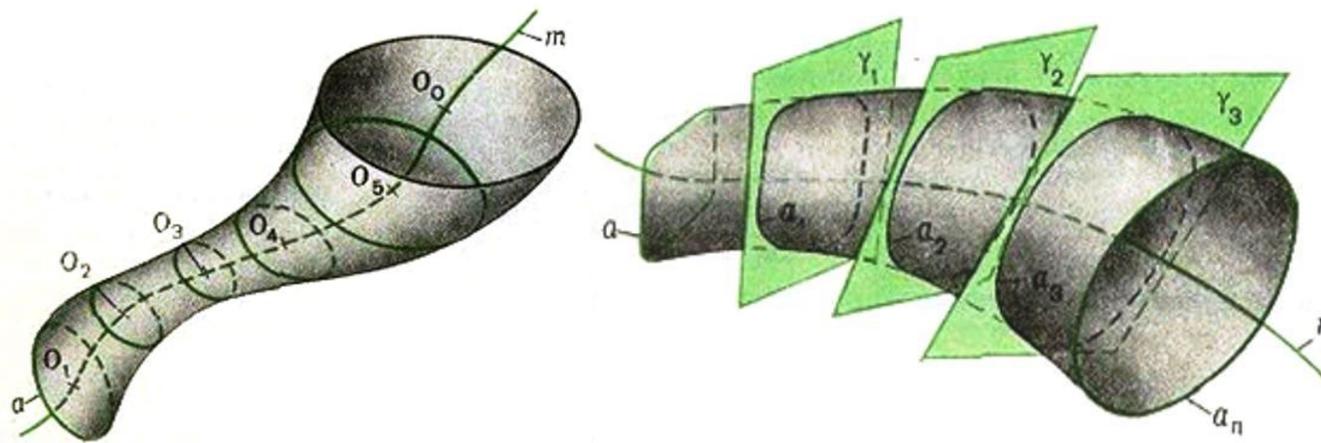


Aylanish giperboloidi (а – bir pallali,
б) – ikki pallali)



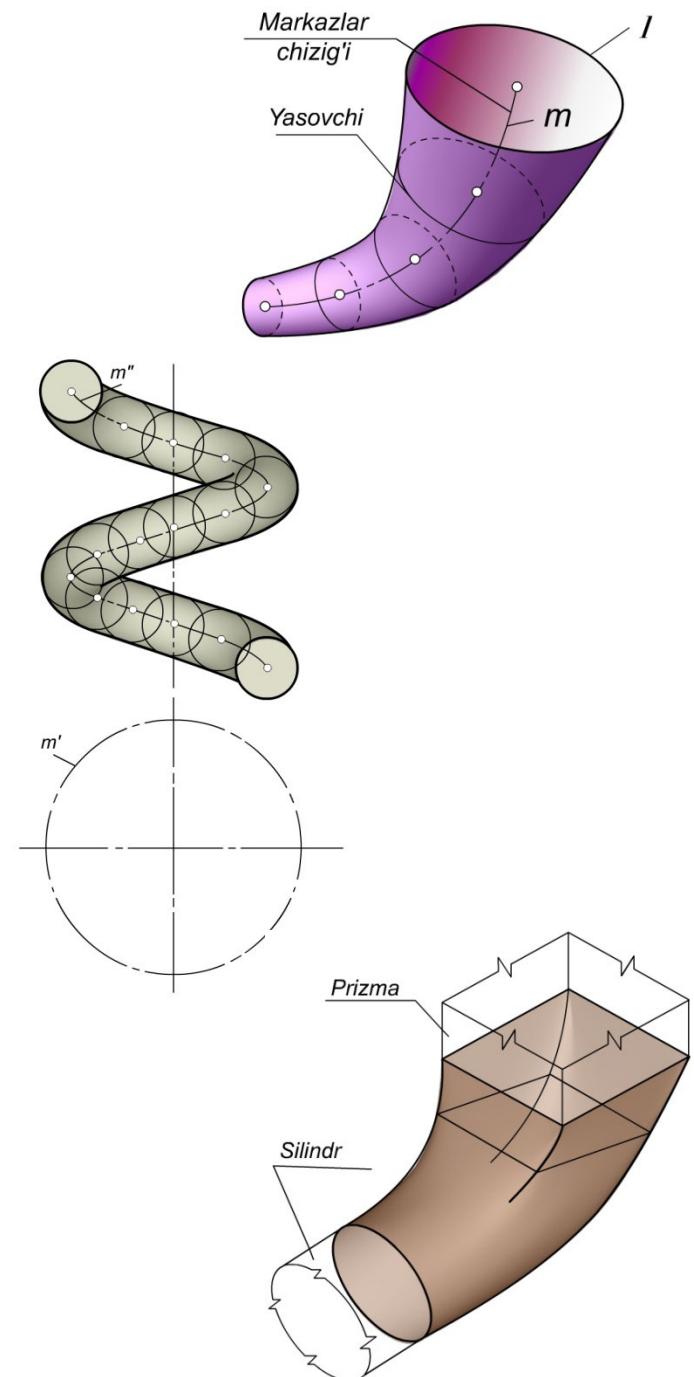
б)

- **Ta’rif.** Aylana markazi biror chiziq bo’ylab harakatlanishdan hosil bo’lgan sirt **siklik sirt** deyiladi.

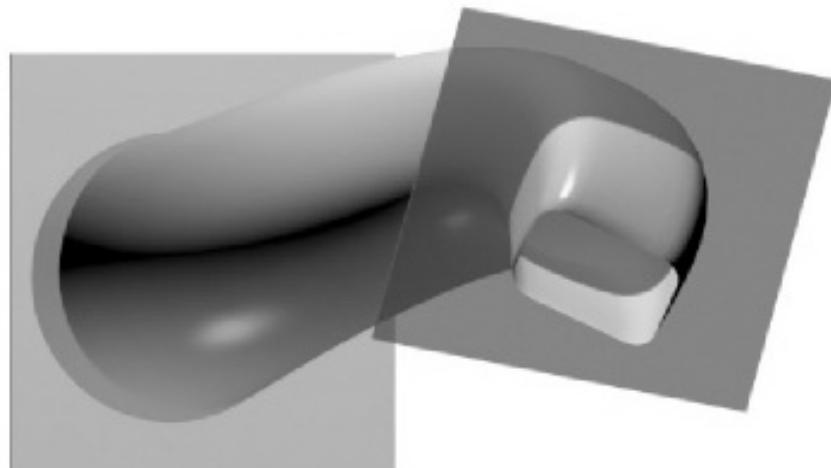
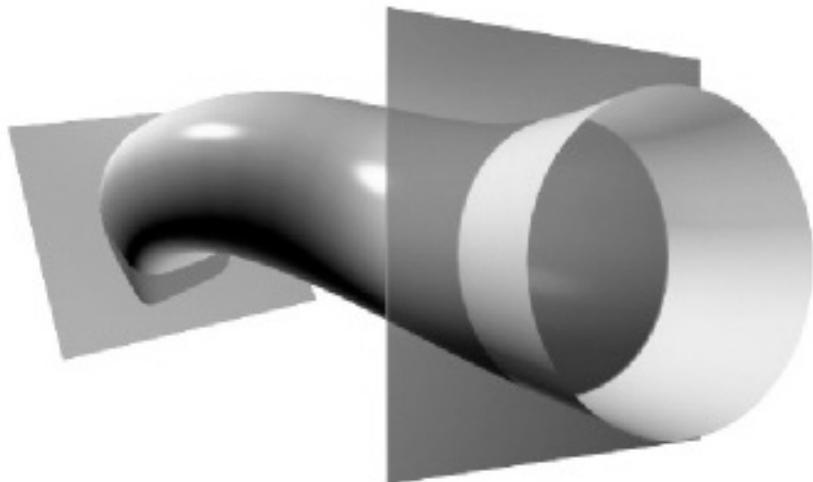


- Siklik sirlarda harakatlanuvchi ℓ aylana siklik **sirtning yasovchisi**, yasovchi aylananing markazi harakatlanadigan m chiziq sirtning **yo’naltiruvchi chizig’i** yoki sirtning **markazlar chizig’i** deb yuritiladi. Harakat davomida yasovchi aylananing radiusi o’zgaruvchan va o’zgarmas bo’lishi mumkin.
- Siklik sirt aniqlovchilari bilan $F(m, R)$ ko’rinishida yoziladi.
- Siklik sirtni berish uchun uning yasovchisi markazining harakat qonuni va radiusining o’zgarish funksiyasi berilgan bo’lishi zarur. Siklik sirlarning karkasi aylanalardan iborat.
- Aylanish sirlari ham siklik sirlar turiga kiradi.
- Aylanish sirlarining o’zgaruvchi yoki o’zgarmas parallelari siklik sirtning yasovchilari bo’ladi. aylanish o’qi sirtning markazlar chizig’i hisoblanadi.
- Ikkinchi tartibli aylanish sirlarini va doiraviy kesimga ega bo’lgan umumiyl holdagi ikkinchi tartibli sirlarni ham siklik sirt deb qarash mumkin.

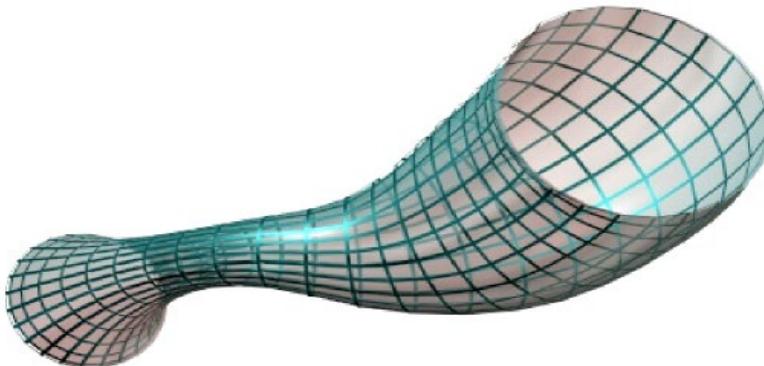
- Agar yasovchi aylananing tekisligi yo'naltiruvchi **m** chiziqqa doim perpendikulyar bo'lsa, hosil bo'lgan sirt *naysimon sirt* bo'ladi. Naysimon sirt siklik sirtning xususiy holidir. O'zgaruvchan radiusli naysimon sirtni berish uchun markazlar chizig'i **m** va yasovchi **ℓ** aylana radiusining o'zgarish qonuniyati berilgan bo'lishi zarur.
- Naysimon sirt yasovchisining radiusi o'zgarmas bo'lsa, hosil bo'lgan sirtni *truba* deb yuritiladi.
- Aylanma silindrni o'qi to'g'ri chiziq bo'lgan trubali sirt deyish mumkin. Sferaning vint chizig'i bo'yicha harakatidan vintli truba sirti hosil bo'ladi. Vintsimon trubali sirtga prujina misol bo'la oladi.
- Siklik sirtning yana bir turi **kanal sirtdir**. Kanal sirtning rasmi bir tekis uzluksiz shakli o'zgarib boruvchi yopik chiziqning harakatidan hosil bo'ladi.
- Pastdagi rasmida ikkinchi tartibli silindr va to'rtburchakli prizma sirtlarini ulaydigan mufta vazifasini bajaruvchi kanal sirtning yaqqol tasviri ko'rsatilgan.



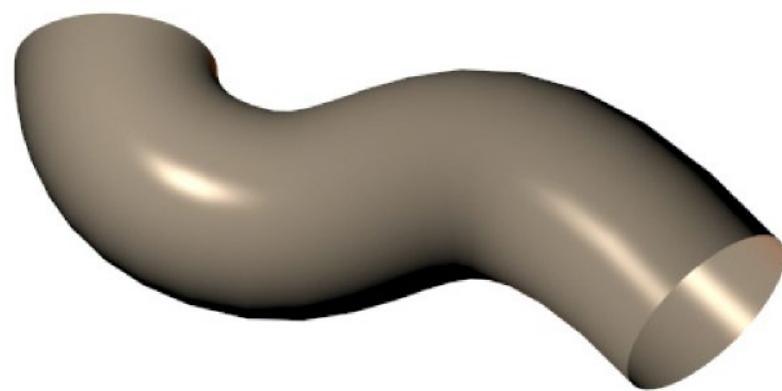
- Yopiq tekis shaklning uzlucksiz harakati natijasida hosil bo'lgan sirtkanalli sirtdeyiladi. Bunda tekis shakl yuzasini muntazam o'zgarib borishi, shaklini o'zgartirishi mumkin. qyidagi shaklda ikkita kanalli sirt ko'rsatilgan. Muhandislik amaliyotida yasovchi tekisliklarni orientirlashning ikkita usuli keng tarqalgan:
- biron-birtekislikka parallel bo'lgan—parallelism tekisligiga ega bo'lgan kanalli sirtlar;
- yo'naltiruvchi chiziqqa perpendikulyar—to'g'ri kanall isirtlar



- Kanalli sirtlarni ikkita quvursimon sirtning o'tish qismida ishlatish mumkin:
 - turli shaklli, ko'ndalang kesim yuzasi birxil bo'lgan;
 - bir xil shaklli, ko'ndalang kesim yuzasi har xil bo'lgan;
 - turli shaklli, ko'ndalang kesim yuzasi har xil bo'lgan;
- Siklik sirtni kanalli sirtning hususiy holati deb qarashmumkin. Uni markazi biror egri chiziq bo'ylab harakatlanayotgan aylana sifatida qabul qilinadi. Harakat davomida aylana radiusi birtekisda o'zgaradi. 1-shaklda siklik sirtga misol keltirilgan.
- Quvurli sirt o'zgarmas yasovchili chiziqsiz sirtlar gruppasiga kiradi va siklik va kanalli sirtlarning hususiy holati hisoblanadi. U har ikkala sirt hossalariga ega. Siklik sirtlardagi yasovchining shakli, kanalli sirtlardagi yasovchining harakatlanish qonuniyati.
- 2-shaklda quvurli sirtga misol keltirilgan.

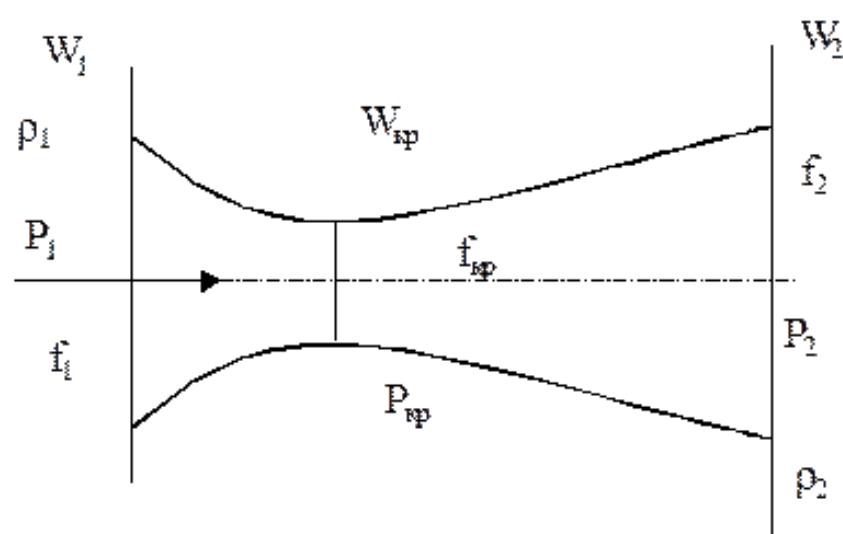


1-shakl



2-shakl

Soploning torayib boruvchi va kengayuvchi qismida $W > W_{3B}$ tovush tezligidan yuqori tezlik hosil qilish mumkin. Bunday soplouni yaratuvchisining sharafiga Laval soplosi deyiladi.



- Radial-o'qli trubina
(Frengis trubinasi)



- Ichimlik suvi sistemasi uchun trubina

