



## ЎЗБЕКИСТОН РЕСПУБЛИКАСИ ОЛИЙ ВА ЎРТА МАХСУС ТАЪЛИМ ВАЗИРЛИГИ

“ТОШКЕНТ ИРРИГАЦИЯ ВА ҚИШЛОҚ ХЎЖАЛИГИНИ  
МЕХАНИЗАЦИЯЛАШ МУҲАНДИСЛАРИ ИНСТИТУТИ”  
МИЛЛИЙ ТАДҚИҚОТ УНИВЕРСИТЕТИ



### “ҚИШЛОҚ ВА СУВ ХЎЖАЛИГИНИНГ ЗАМОНАВИЙ МУАММОЛАРИ”

мавзусидаги анъанавий **XXI** - ёши  
олимлар, магистрантлар ва  
иқтидорли талабаларнинг илмий  
- амалий анжумани

**21**

**XXI** - traditional Republic  
scientific - practical conference of  
young scientists, master students  
and talented students under the  
topic  
**“THE MODERN PROBLEMS OF  
AGRICULTURE AND WATER  
RESOURCES”**

### МАҶОЛАЛАР ТЎПЛАМИ

Тошкент-2022 йил, 12-13 май

## IX – ШҮЙБА

### Кишилөк ва сув хұжалиги масалаларыда математик моделлаштириш үсуллари ва ахборот технологияларини қўллаш.

**Раис:** доц. Абдуллаев З.

**Ҳамраис:** проф. Шадманова Г.

**Котиба:** доц. Зиядуллаев Д.

№	Муаллифлар	Макола номи	Бет
1.	Odiljonov U.O. 2-bosqich 211-guruh A. GTQ fakulteti, Mexanika va matematik modellashtirish talaba “TIQXMMI” Milliy tadqiqot universiteti	Amaliy masalalarни математик моделласхтириш ва уларни дифференциал тенглагамаларни ярдамида шешүү	1792
2.	Xidoyatova M.A. ass., Sharipov H. “GTQ”fakulteti “TIQXMMI” Milliy tadqiqot universiteti	Birinchi tartibli differential tenglamaga keltiriladigan masalalar modelini yaratish	1794
3.	Шахобиддинова З.Б. Жамардов С.Х.1-курса 103-группа	Степенные ряды при решении дифференциальных уравнений	1797
4.	N.Safarbayeva Ilmiy rahbar: “Oliy matematika” kafedrası kata o’qituvchisi SXM fakulteti talabalari: N.Ashurov, A.Rahimov 1-kurs 112-guruh “TIQXMMI” Milliy tadqiqot universiteti	Differentsial tenglamalarning amaliy masalalarga tadbiqi	1801
5.	Abdullaev A.A. “Oliy matematika” kafedrası assistenti Ashurov J.B.1-bosqich 103-guruh SXTEB fakulteti talabasi “TIQXMMI” Milliy tadqiqot universiteti	Funksiya grafigini yasashning qulay usullari	1805
6.	Xidoyatova M.ass., Ergashev S “GTQ”fakulteti talaba “TIQXMMI” Milliy tadqiqot universiteti	Hosilaning fizika va kimyodagi tadbiqlari	1809
7.	M.Xidoyatova., Samatova G. YRB talaba “TIQXMMI” Milliy tadqiqot universiteti	Iqtisodiy masalalarни матрицаларни ярдамида шешүү	1812
8.	N.Esonov, N.Sarsenboyev. talabalar “TIQXMMI” Milliy tadqiqot universiteti	Iqtisodiy masalalarни ярдамида чизиqli алгебраик тенглагамалар системасининг табиqlari	1814
9.	Masaliyeva M.E. 2-bosqich 211-guruh “GTQ”yo’nalishi Mexanika va matematik modellashtirish talabasi “TIQXMMI” Milliy tadqiqot universiteti	Maple 18 дастури ярдамида Analitik mexanika fanining masalarini ярдамида ортоқоординаталарни о’қида граfigini chizish	1817
10.	Xolmurodova M. D.2-bosqich M-144 Magistrant “TIQXMMI” Milliy tadqiqot universiteti, tabiiy fanlar PhD doktori Juliev M.K Turin politexnika universiteti	Markaziy osiyo davlatlarda tuproq eroziyasini baholashda rusle modelining afzalliliklari	1821
11.	Rasulov S.J. 2-bosqich 211-guruh “GTQ”yo’nalishi Mexanika va matematik modellashtirish talabasi “TIQXMMI”, Milliy tadqiqot universiteti	Matematik modellashtirish ярдамида fizik jarayonlarga oid Amaliy masalalarни ярдамида шешүү	1823
12.	F.M. Murtazayeva, O.Sh.Egamberdiyev “TIQXMMI” Milliy tadqiqot universiteti magistrantlari	Seysmik signallarni raqamli ma'lumotlar ba'zasida nazorat qilish.	1826

13.	M.Yeshanova – 1-bosqich 113-guruh talaba, “TIQXMMI” Milliy tadqiqot universiteti	Sodda iqtisod-muhandislik masalariga matritsalarning tatbiqi	1831
14.	Йулдашев Н. доц, (каф. Выс. мат.), Исомиддинов С., 1- курса студент гр.109, ЭАСХ, “ТИИИМСХ” Национальный исследовательский университет	Комплексные числа и их применение в решение задач электротехники	1834
15.	Шодмонова Г, “АТ кафедраси профессори”, Искандаров X., СХТЭБ мутухассислиги магистранти, “ТИҚХММИ” Миллий тадқиқот университети	Кишлоқ хўжалик корхоналарида ресурслардан оқилона фойдаланишни математик моделлар орқали тахлил қилиш	1839
16.	Вахобов В. Доц. Гулмуҳаммедов. Б. ЕРБ талабаси 1- курса 102-группа “ТИҚХММИ” Миллий тадқиқот университети	Кишлоқ хўжалик экинлари таннархини режаллаштиришда математик статистиканинг ўрни	1842
17.	Мусаева Ф. ўқитувчи-стажор, Матякубов Л.1-босқич 104-гурух ТҶИЧАБ талаба “ТИҚХММИ” Миллий тадқиқот университети	Оддий дифференциал тенгламалар учун коши масаласини тақрибий ечишнинг даражали каторлар методи	1845
18.	Хидоятова М.А. асс. Аветисян М.В. “ТИҚХММИ” Миллий тадқиқот университети	Применение степенных рядов к решению дифференциальных уравнений	1848
19.	Қ.Р. Жувонов- Асс, А.Б. Нуриллаев- Талаба. 1-босқич 106-гурух “ТИҚХММИ” Миллий тадқиқот университети	Тақрибий ҳисоблашларда дифференциалдан фойдаланиш	1852

## BIRINCHI TARTIBLI DIFFERENSIAL TENGLAMAGA KELTIRILADIGAN MASALALAR MODELINI YARATISH

Xidoyatova M.A. ass., SHARIPOV H. Gidrotexnika qurilishi fakulteti  
“TIQXMMI” Milliy tadqiqot universiteti

### Annotation:

Maqolada masalalarini hosila va differensial tenglamalar yordamida yechish modeli yoritilgan.

**Kirish:** Respublikamiz prezidenti tomonidan “Matematika sohasidagi ta’lim sifatini oshirish va ilmiy-tadqiqotlarni rivojlantirish chora tadbirlari to‘g‘risida” ПЛ-4708-соҳ 07.05.2020., “Matematika ta’lim va fanlarini yanada rivojlantirish davlat tomonidan qo’llab quvvatlash qabul [3] qilingan qarorlar, matematika fanidan dars beruvchi o‘qituvchilarga ta’lim berishga katta mas’uliyat bilan yondashishni talab etadi. Demak oliv ta’lmning asosiy maqsadi raqobatbardosh, malakali mutaxassilarni taylorlashdir. Buning uchun fanlararo integrasiyaga katta ahamiyat berishni, ya’ni matematikani har bir sohaga tadbiqini takomallashtirish taqozo etadi. Fanlararo aloqadorlikning izchillik shakli o‘quvchilarni matematik ko‘nikma va malakalarini shaklantirishda muxim ahamiyatga ega.

Turli sohalarga moslash mumkin bo’lgan masalalarning yana bir tipi bu optimallashtirishga oid masalalardir. Eng ko’p foyda olishdan boshlab, eng kam vaqt sarflash, eng katta uzaga ega bo’lish kabi masalalar optimallashtirishga oid masalalardir. Bu masalalarni yechimi funksiyaning maksimal qiymatini topishni taqozo etadi, ya’ni funksiya hosisasi yordamida yechiladi. hosisani tadbiqi 4 masalada yoritildi.

Differensial tenglamalar nazariyasi amaliy matematika, fizika, biologiya iqtisod va h.k. larda uchraydigan ko’plab masalalarini tadqiq etishda muhim vosita hisoblanadi. Differensial tenglamalar ishlatalmaydigan fan tarmog’ni topish qiyin.

Tabiatshunoslik va texnikaning ko’pgina masalalarini hal etish qaralayotgan hodisa yoki jarayonlarni tavsiflovchi noma’lum funksiyalar va ularning hosilalarini o’zaro bog’lovchi munosabatlar ma’lum bo’lganda bu funksiyalarni topishga keltiriladi. Bunday munosabatlar differensial tenglamalar deyiladi.

Differensial tenglamalarga olib kelinadigan masalalarga doir masalalar 1-3 masalalar yordamida yoritildi.

**Masala-1.** Qishloq xo‘jalik ekinlariga tushadigan xashorotlarning  $t$  vaqtga bog‘liq ko‘payish tezligi  $V=V(t)$  ularning miqdoriga (massasiga) proporsional bo‘ladi. Hasharotlar miqdorining  $t$  vaqtga bog‘liq holda ko‘payish qonuni topilsin.

Yechish.  $t$  momentdagи hasharotlar miqdorini  $m(t)$  bilan belgilaymiz. U holda

$$m'(t) = \frac{dm(t)}{dt} = V(t) \text{ hasharotlar miqdorining ko‘payish tezligiga teng bo‘ladi. Masala shartiga ko‘ra } m'(t) = \frac{dm}{dt} = km(t) \quad (1)$$

Bu yerda  $k > 0$ , proporsionallik koeffitsienti (1) tenglamada izlanayotgan noma’lum funksiya  $m(t)$  va uning hosisasi  $m'(t)$  ga bog‘liq tenglamadan iborat bo‘ladi. Bu tenglamani yechimi hasharotlar miqdorini ko‘payish qonunini beradi.

**Masala-2.** Ma'lum bo'lishicha har bir momentda radiyning yemirilish tezligi uning miqdoriga to'g'ri proporsionaldir. Agar  $t=0$  da radiyning massasi  $m_0$  bo'lsa, radiy massasining  $t$  vaqtga ko'ra o'zgarish qonuni topilsin.[2]

Yechish: radiyning massasini  $m(t)$  bilan belgilaymiz. Masala shartiga ko'ra  $\frac{dm(t)}{dt} = -km(t) \Rightarrow m'(t) = -km(t)$  (2)

k- proporsionallik ko'ffisienti ( $k > 0$ )

Bu tenglamani yechimi radiy miqdorining kamayish qonuni beradi. Yuqorida ko'rilib misolda noma'lum funksiya  $m(t)$  va uning hosilasi  $m'(t)$  ga bog'liq tenglamaga ega bo'ldik.

Bu tenglamani echimi radij miqdori radij miqdorinin kamayishi қонуни beradi. Юқорида кўрилган ҳар бир икки misolda noama'lyum функция ва uning ҳосиласи га боғлиқ tenglamaga эга бўлдик. Bunday tenglamalarni differensial tenglamalar deb yuritiladi.

Shunday qilib, biz differensial tenglamalarning turlari va ularni yechimlarini topish usullari bilan tanishamiz.

Ko'rsatish mumkinki (1) va (2) tenglamalarning yechimlari mos ravishda  $m(t) = C \cdot \ell^{kt}$  (1') va  $m(t) = C \cdot \ell^{-kt}$  (2') ko'rinishda bo'ladi.

**Masala-3.** Katta o'lchamli populatsiyada yuqumli kasallik aniqlandi, bu kasallik odamlar orasida vaqt o'tishi bilan tarqaladi. Faraz qilaylik,  $p(t)$  populatsiyada kasallik paydo bo'lgandan keyin  $t$  yil ichida kasallangan odamlar soni bo'lsin va kasallikning tarqalish tenglamasi  $\frac{dp}{dt} + \frac{1}{3} p(t) = \frac{1}{3}$  bo'lsa

a)  $p(0) = 0$ ,  $t > 0$  bo'lganda  $p(t)$  ni toping;

b) qancha yilda kasallik hissasi 90% bo'ladi? [1]

Yechish: Berilgan chiziqli tenglama yechimi har qanday  $p(0)$  uchun  $p(t) = 1 + [p(0) - 1] \ell^{-\frac{1}{3}t}$  bo'dadi.

a)  $p(0) = 0$  bo'lsa,  $p(t) = 1 - \ell^{-\frac{t}{3}}$ ,

b)  $0,9 = 1 - \ell^{-\frac{t}{3}}$ ,  $-0,1 = -\ell^{-\frac{t}{3}}$ ,  $0,1 = \ell^{-\frac{t}{3}}$

bundan

$-\ln 10 = \ln \ell^{-\frac{t}{3}}$ ,  $t = 3 \ln 10$ ,  $t = 6,9078 \approx 7$  Shunday qilib, bu kasallik bilan kasallanuvchilar soni 7-yilda 90% ga yetadi.

**Masala-4.** Bir tomoni tosh devor bilan o'ralgan to'g'ri to'rtburchak shaklidagi yer maydoni va qolgan 3 tomoni gullar bilan ekilib yopilishi kerak. Qolgan uch tomonlarning yig'indisi 100 metr bo'lishini bilgan holda yer maydonini maksimal katta yuzaga ega bo'lishi uchun tomonlar qanday kattalikda egabo'lish kerak bo'ladi?

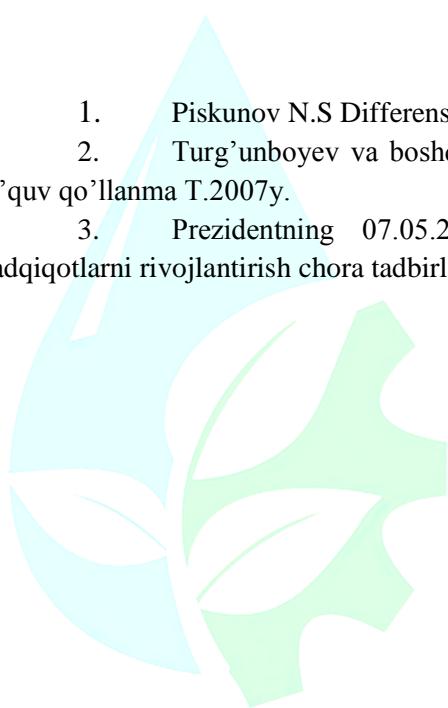
Yechish: Tosh bilan o'ralgan tomoniga perpedikulyar bo'lgan tomon uzunligini  $x$  va tosh devorga parallel tomon uzunligini  $y$  deb olsak, masala shartiga ko'ra  $100 = 2x + y$  ga ega bo'lamiz. Bu tenglamadan  $y$  ni topsak  $y = 100 - 2x$  bo'ladi. Endi bu maydoning yuzasi  $S = x(100 - 2x) = 100x - 2x^2$  yoki ga teng bo'ladi. Yuza maksimal bo'lishi

$S = 100x - 2x^2$  funksiyaning maksimal qiymatini topishni talab etadi. Lekin  $x$  ning o‘zgarish oralig‘ini belgilab olish kerak bo‘ladi. Ravshanki,  $x > 0$  va  $y > 0$ . Biroq  $y = 100 - 2x$  dan  $x < 50$  ni olish mumkin. Demak biz  $S = 100x - 2x^2$  funksiyaning  $[0; 50]$  kesmadagi maksimum qiymatini topsak, masalani yechgan bo‘lamiz. Buning uchun avvalo  $S'(x) = 100 - 4x$  topamiz, keyin  $S'(x) = 0$  dan  $x = 25$  topamiz. Bundan esa  $y = 50$  ekanligi kelib chiqadi. Va nihoyat maydoning yuzasi uning tomonlari 25, 25, 50, 50 bo‘lganda maksimal bo‘larkan:  $S = 25 \cdot 50 = 1250$

**Xulosa:** Matematika fanining “Hosila va Differensial tenglamalarning amaliyotga tadbiqi” mavzusini o‘qitishning nazariy va amaliy masalalarini tadbiq etish, fan yuzasidan elektron o‘quv moduli ishlanmasini shakllantirish hamda o‘qitishni takomillashtirish bo‘yicha hulosalar va takliflar ishlab chiqishdan iborat.

### Foydalanilgan adabiyotlar:

1. Piskunov N.S Differensialnoe i integralnoe ischislenie dlya VTUZov.
2. Turg’unboyev va boshqalar Differensial tenglamalar kursidan misol va masalalar to’plami o‘quv qo’llanma T.2007y.
3. Prezidentning 07.05.2020 yil “Matematika sohasidagi ta’lim sifatini oshirish va ilmiy-tadqiqotlarni rivojlantirish chora tadbirlari to‘g‘risida” №4708 sonli Qarori



**TIIAME**  
"TASHKENT INSTITUTE OF  
IRRIGATION AND AGRICULTURAL  
MECHANIZATION ENGINEERS"  
NATIONAL RESEARCH UNIVERSITY