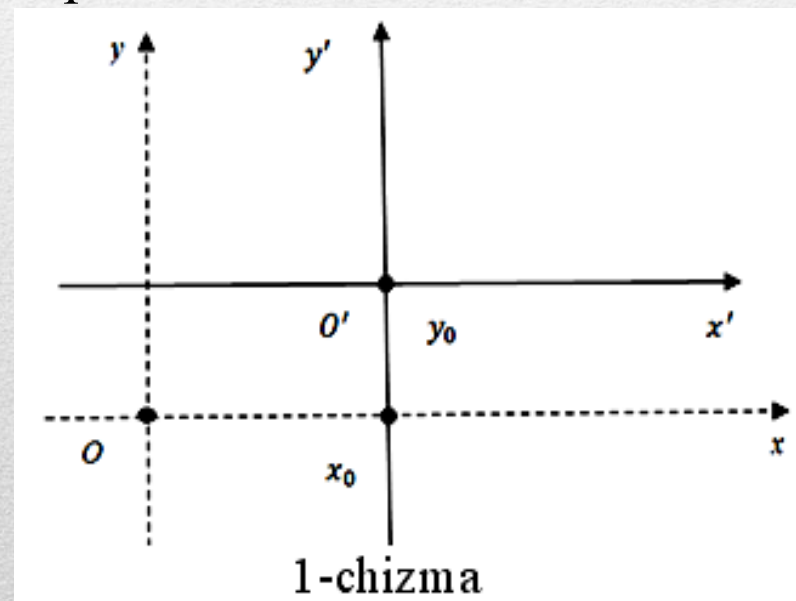


**Ikkinchi tartibli egri chiziqlarning
umumiy tenglamasi. Koordinata
o'qlarini burish va parallel
ko'chirish.**

Ko'p hollarda berilgan masala yechimini soddalashtirish, chiziq tenglamasini ixcham va qulay ko'rinishda yozish uchun berilgan xOy Dekart koordinatalar sistemasidan boshqa bir $x'O'y'$ Dekart koordinatalar sistemasiga o'tishga to'g'ri keladi. Bunda quyidagi uch hol bo'lishi mumkin.

I-hol. Koordinatalar sistemasini parallel ko'chirish. Bunda berilgan xOy koordinatalar sistemasining boshi $O(0; 0)$ biror $O'(x_0; y_0)$ nuqtaga parallel ko'chiriladi. Bunda Ox va Oy o'qlarning yo'nalishi va holati o'zgarmay qoladi va shu sababli bu yangi hosil bo'lgan sistemani $x'O'y'$ kabi belgilaymiz (1-chizma).

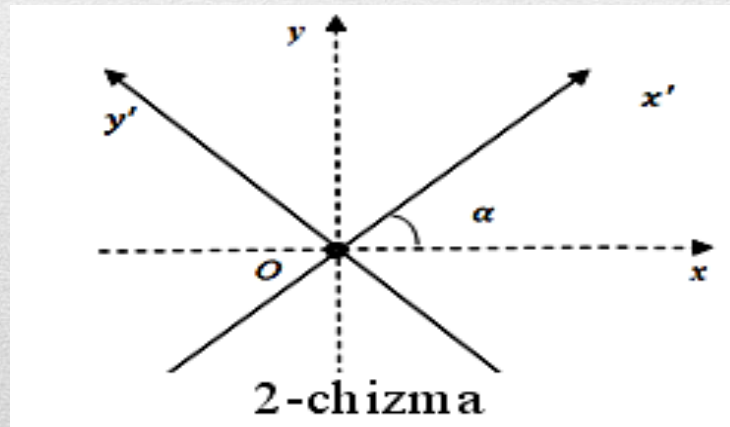


Bu eski xOy sistemadagi x va y koordinatalar bilan yangi $x'O'y'$ sistemadagi x' va y' koordinatalar

orasidagi bog'lanish

$$\begin{cases} x = x' + x_0 \\ y = y' + y_0 \end{cases} \quad \begin{cases} x' = x - x_0 \\ y' = y - y_0 \end{cases} \text{ formulalar bilan ifodalanadi.}$$

II-hol. Koordinatalar sistemasini burish. xOy koordinatalar sistemasining boshi $O(0; 0)$ nuqta o'zgarmasdan, Ox va Oy o'qlar bir xil α burchakka buriladi. Bunda hosil bo'lgan yangi sistemani $x'Oy'$ deb belgilaymiz (2-chizma).

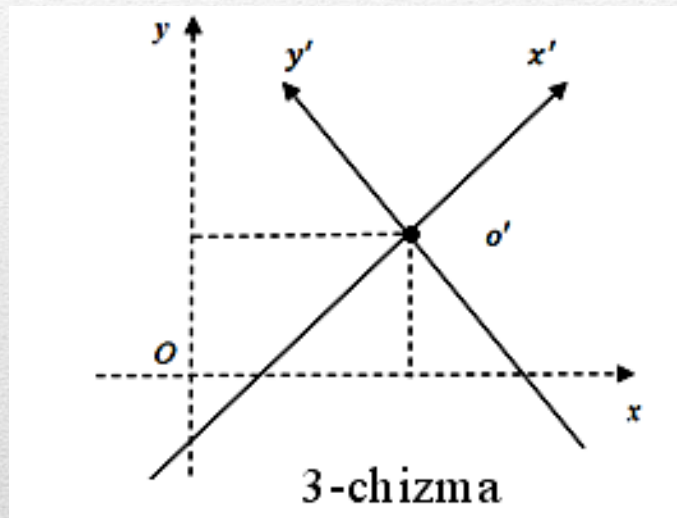


Bunda eski xOy sistemadagi x va y koordinatalar bilan yangi $x'Oy'$ sistemadagi x' va y' koordinatalar orasidagi bog'lanish

$$\begin{cases} x = x' \cos \alpha - y' \sin \alpha \\ y = x' \sin \alpha + y' \cos \alpha \end{cases}, \quad \begin{cases} x' = x \cos \alpha + y \sin \alpha \\ y' = -x \sin \alpha + y \cos \alpha \end{cases}$$

formulalar bilan ifodalanadi.

III-hol. Koordinatalar sistemasini parallel ko'chirish va burish. Bunda dastlab berilgan xOy koordinatalar sistemasining boshi $O(0;0)$ biror $O'(x_0; y_0)$ nuqtaga parallel ko'chiriladi. So'ngra hosil bo'lgan $x'O'y'$ sistemaning o'qlari bir xil α burchakka buriladi. Natijada yangi hosil bo'lgan sistemada ham koordinata boshi, ham o'qlar o'zgaradi (3-chizma).



Bunda eski xOy sistemadagi x va y koordinatalar bilan yangi $x'O'y'$ sistemadagi x' va y' koordinatalar orasidagi bo'g'lanish

$$\begin{cases} x = x' \cos \alpha - y' \sin \alpha + x_0 \\ y = x' \sin \alpha + y' \cos \alpha + y_0 \end{cases} \quad \begin{cases} x' = (x - x_0) \cos \alpha + (y - y_0) \sin \alpha \\ y' = (x - x_0) \sin \alpha + (y - y_0) \cos \alpha \end{cases}$$

$$\begin{cases} x' = (x - x_0) \cos \alpha + (y - y_0) \sin \alpha \\ y' = -(x - x_0) \sin \alpha + (y - y_0) \cos \alpha \end{cases} \text{ formulalar bilan ifodalanadi.}$$

xOy to'g'ri burchakli Dekart koordinatalar sistemasida ikkinchi tartibli egri chiziqlar umumiy holda

$$Ax^2 + 2Bxy + Cy^2 + 2Dx + 2Ey + F = 0, \quad A^2 + B^2 + C^2 \neq 0 \quad \textcircled{1}$$

tenglama bilan beriladi.

Agar koordinatalar boshini $O(0; 0)$ nuqtadan boshqa biror nuqtaga parallel ko'chirsak, yoki Ox va Oy o'qlarni biror α burchakka burish yoki parallel ko'chirish va burish orqali yangi koordinatalar sistemasiga o'tsak, u holda berilgan tenglama quyidagi tenglamalardan biriga keladi:

1. $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$. Bu holda $\textcircled{1}$ tenglama ellipsni ifodalaydi.

2. $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = -1$. Bu holda $\textcircled{1}$ tenglamani birorta ham nuqta qanoatlantirmaydi. Ya'ni u bo'sh to'plamni ifodalaydi.

3. $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 0$. Bu holda $\textcircled{1}$ tenglamani faqat $O(0; 0)$ nuqta qanoatlantiradi va u ikkita mavhum kesishuvchi to'g'ri chiziqlarni ifodalaydi.

4. $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 0$. Bu holda $\textcircled{1}$ tenglama kesishuvchi bir juft to'g'ri chiziqlarni ifodalaydi.

5. $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$. Bu holda ① tenglama giperbolani ifodalaydi.

6. $\frac{x^2}{a^2} = 1 \Rightarrow x^2 = a^2 \Rightarrow x = \pm a$. Bu holda ① tenglama bir juft vertikal to'g'ri chiziqlarni ifodalaydi.

7. $\frac{x^2}{a^2} = -1 \Rightarrow x^2 = -a^2$. Bu holda ① tenglamani birorta ham nuqta qanoatlantirmaydi.

8. $x^2 = 0 \Rightarrow x = 0$. Bu holda ① tenglama bir juft ustma-ust tushgan vertikal to'g'ri chiziqlarni ifodalaydi.

9. $\frac{y^2}{b^2} = 1 \Rightarrow y^2 = b^2 \Rightarrow y = \pm b$. Bu holda ① tenglama bir juft gorizontal to'g'ri chiziqlarni ifodalaydi.

10. $\frac{y^2}{b^2} = -1 \Rightarrow y^2 = -b^2$. Bu holda ① tenglamani birorta ham nuqta qanoatlantirmaydi.

11. $y^2 = 0 \Rightarrow y = 0$. Bu holda ① tenglama bir juft ustma-ust tushgan gorizontal to'g'ri chiziqlarni ifodalaydi.

12. $y^2 = 2px$. Bu holda ① tenglama parabolani ifodalaydi.

① ko'rinishdagi umumiy tenglamaning A, B va C koeffitsientlaridan tuzilgan

$$\Delta = \begin{vmatrix} A & B \\ B & C \end{vmatrix} = AC - B^2$$

determinant xarakteristik determinant deyiladi.

Agar ① tenglamada $\Delta > 0$ bo'lsa, u holda tenglama elliptik turdagi tenglama deyiladi va u yuqorida ko'rib o'tilgan 1-3 kanonik tenglamalardan biriga keltiriladi.

Agar ① tenglamada $\Delta < 0$ bo'lsa, u holda tenglamani giperbolik turdagi tenglamada deyiladi va u yuqorida ko'rib o'tilgan 4-5 kanonik tenglamalardan biriga keltiriladi.

Agar ① tenglamada $\Delta = 0$ bo'lsa, u holda tenglama parabolik turdagi tenglama deyiladi va u yuqorida ko'rib o'tilgan 6-12 kanonik tenglamalardan biriga keltiriladi.
