



**“Тошкент ирригация ва қишлоқ хўжалигини
механизациялаш муҳандисларни институти”
Миллий тадқиқот университети**



**Мавзу: Суюқлик оқими учун Д.Бернулли
тenglamasi**

**«Гидравлика ва гидроинформатика»
кафедраси в.б. доценти**

С.Н.Хошимов

РЕЖА:

1. Реал суюқликнинг элементар оқимчаси учун Д.Бернулли тенгламаси.
2. Суюқлик оқими учун Д.Бернулли тенгламаси.
3. Кориолис коэффициенти.
4. Д.Бернулли тенгламасининг геометрик ва энергетик маъноси.

“ББ” жадвали

Билардим	Билишни хоҳлаган эдим	Билиб олдим
<p>1. Оқимнинг асосий гидравлик элементлари.</p> <p>2.Идеал суюқликлар учун Д.Бернулли тенгламаси.</p> <p>3.Пъезометрик ва напор чизиқлари.</p>	<p>1.Реал суюқлиknинг элементар оқимчаси учун Д.Бернулли тенгламаси.</p> <p>2.Суюқлик оқими учун Д.Бернулли тенгламаси.</p> <p>3.Кориолис коэффициенти. Тезлик тақсимоти.</p> <p>4.Суюқлик оқими учун Д.Бернулли тенгламасининг геометрик ва энергетик маъноси.</p>	

1. ОҚИМНИНГ АСОСИЙ ГИДРАВЛИК ЭЛЕМЕНТЛАРИ

1. Ҳаракат кесими – оқим йұналишига нормал бўлган кўндаланг кесим юзаси.

$$\omega = \int d\omega$$

2. Сарф –вакт бирлигига ҳаракат кесимидан оқиб ўтган суюқлик миқдори:

$$Q = \omega \cdot v$$

$$Q = \frac{V}{t},$$

3.Хўлланган периметр – оқимни қаттиқ сирт билан чегараланган қисми узунлиги. Масалан цилиндрик қувурларда қуйидагича аниқланади:

$$\chi = \pi d$$

4. Гидравлик радиус – оқим ҳаракат кесимининг хўлланган периметрига нисбати:

$$R = \frac{\omega}{\chi}$$

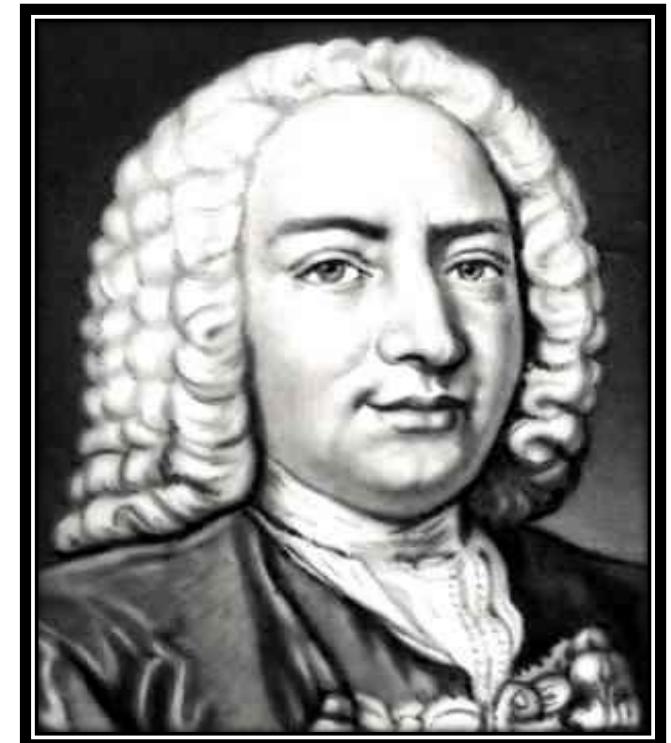
5. Ўртача тезлик – суюқлик сарфининг ҳаракат кесимиға нисбати:

$$\vartheta = \frac{Q}{\omega}$$

ИДЕАЛ СУЮҚЛИК УЧУН Д.БЕРНУЛЛИ ТЕНГЛАМАСИ

Бу тенглама 1738 й. Д.Бернулли томонидан таклиф этилган бўлиб, унинг номи билан аталади ва *гидродинамиканинг асосий тенгламаси* ҳисобланади.

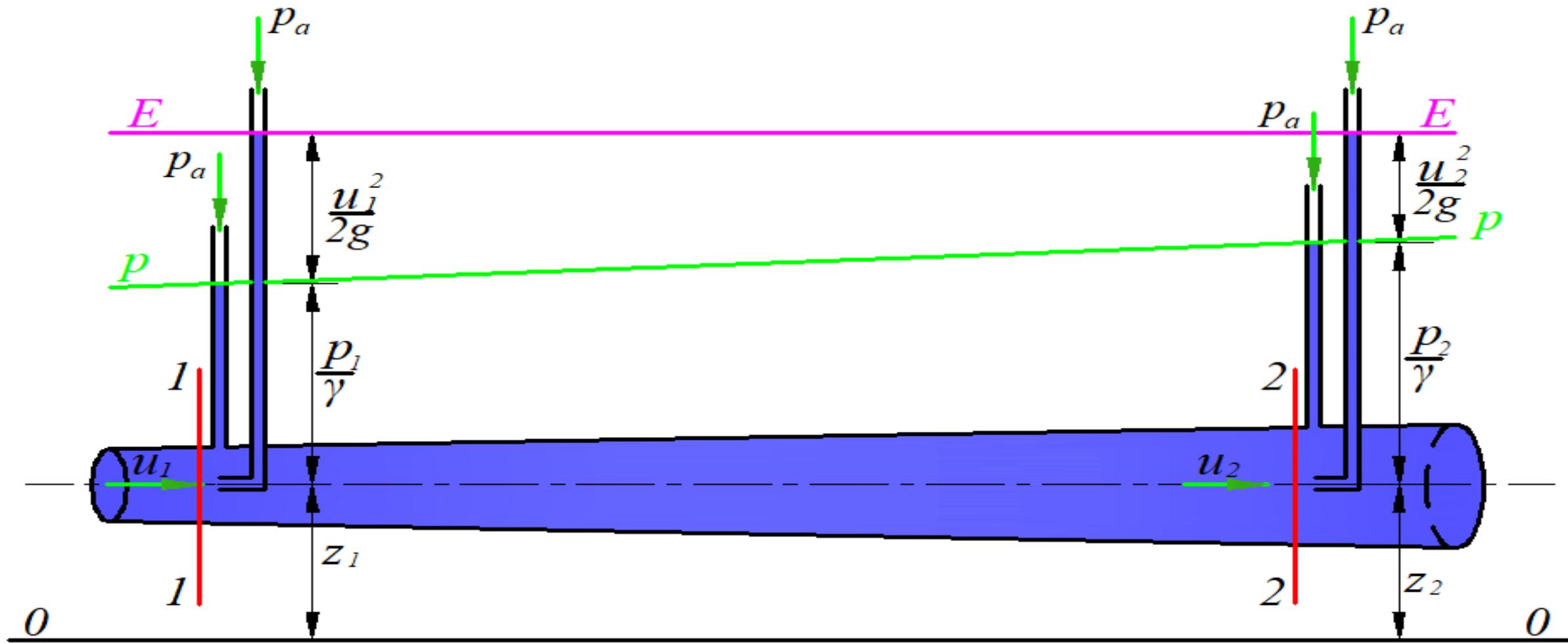
$$z + \frac{P}{\gamma} + \frac{u^2}{2g} = cons' t$$



$$z_1 + \frac{P_1}{\gamma} + \frac{u_1^2}{2g} = z_2 + \frac{P_2}{\gamma} + \frac{u_2^2}{2g}$$

Даниил Бернулли
(1700—1782)

НАПОР ВА ПЬЕЗОМЕТРИК ЧИЗИҚЛАР



РЕАЛ СУЮҚЛИК ОҚИМ УЧУН Д.БЕРНУЛЛИ

ТЕҢГЛАМАСИ

Реал суюқликнинг элементар оқимчаси учун Д.Бернулли тенгламаси

Ёпишқоқлик суюқликдаги ички ишқаланиш кучини пайдо қилади. Бу эса ўз навбатида суюқлик ҳаракатига таъсир кўрсатади ва суюқлик энергиясининг йўқолишига олиб келади.

Реал суюқликларда $H_1 > H_2$ бўлади.

У ҳолда H_1 ва H_2 орасидаги фарқ

$$h_{1-2} = H_1 - H_2$$

h_{1-2} - 1-1 ва 2-2 кесимлар орасидаги йўқолган солиштирма энергияни (напор), яъни қаршилик кучини енгиш учун сарфланган энергияни (напор) миқдори

Реал суюқликнинг элементар оқимчаси учун

Д.Бернулли тенгламаси

$$h_{1-2} = H_1 - H_2$$

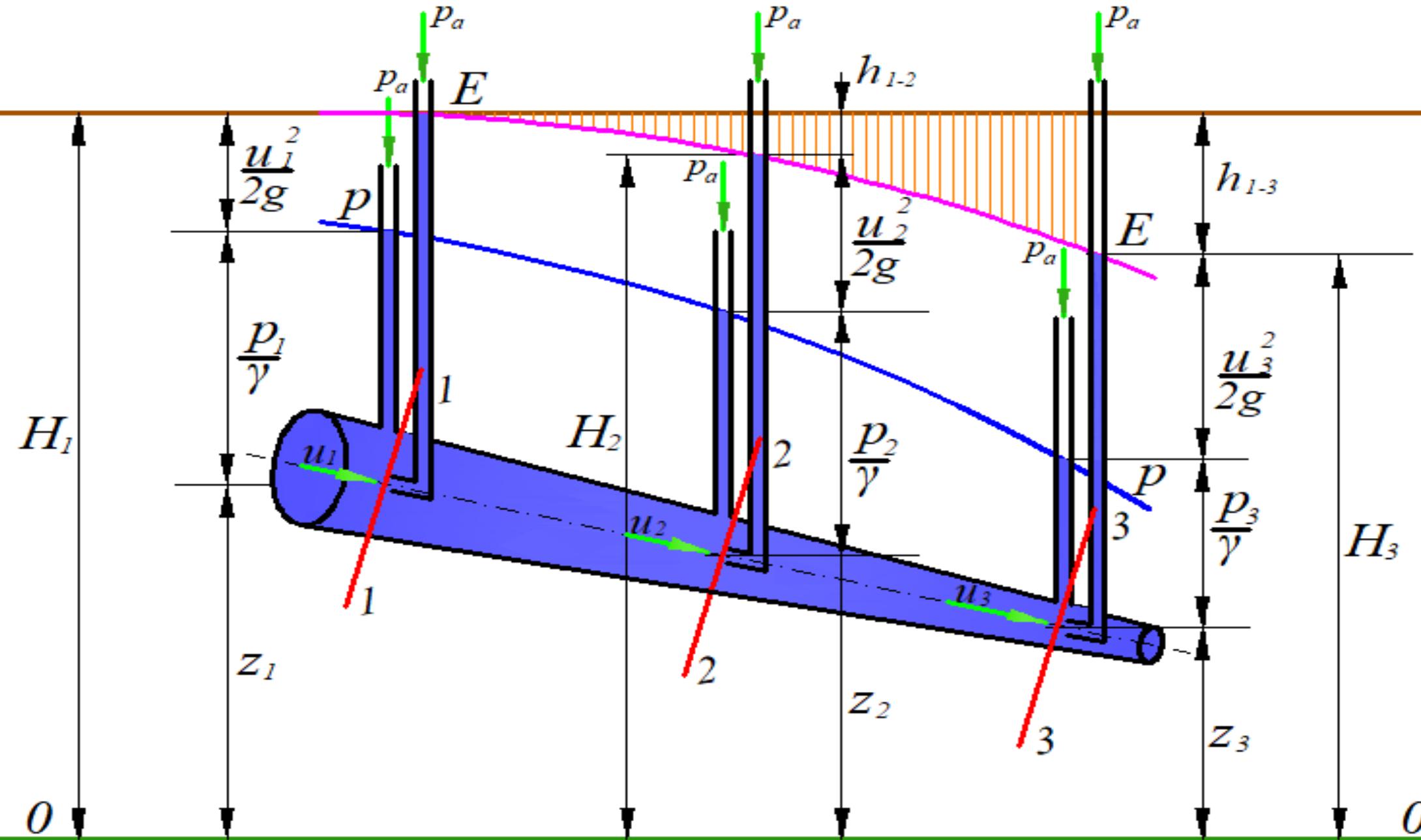
$$H_1 = z_1 + \frac{P_1}{\gamma} + \frac{u_1^2}{2g}; \quad H_2 = z_2 + \frac{P_2}{\gamma} + \frac{u_2^2}{2g};$$

бундан

$$h_{1-2} = \left(z_1 + \frac{P_1}{\gamma} + \frac{u_1^2}{2g} \right) - \left(z_2 + \frac{P_2}{\gamma} + \frac{u_2^2}{2g} \right)$$

Натижада қуидаги тенгламага эга бўламиз:

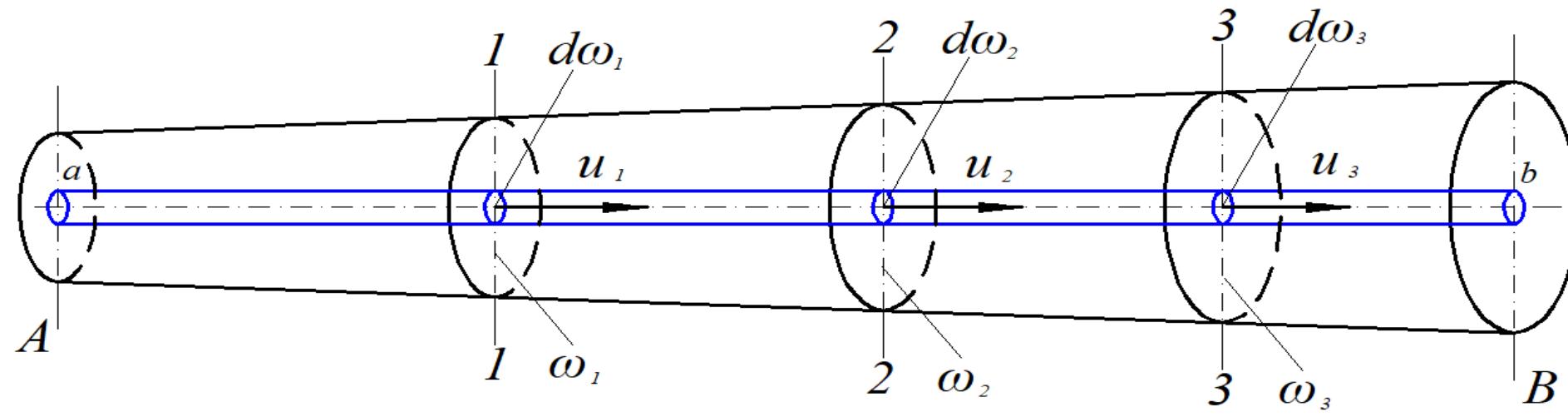
$$z_1 + \frac{P_1}{\gamma} + \frac{u_1^2}{2g} = z_2 + \frac{P_2}{\gamma} + \frac{u_2^2}{2g} + h_{1-2}$$



Суюқлик оқими учун Д.Бернулли тенгламаси

Оқим учун Д.Бернулли тенгламасини келтириб чиқариш учун, элементар оқимча учун ёзилган Д. Бернулли тенгламасини ҳаракат кесими бўйича интеграллаймиз:

$$\int_{\omega} z_1 d\omega + \int_{\omega} \frac{P_1}{\gamma} d\omega + \int_{\omega} \frac{u_1^2}{2g} d\omega = \int_{\omega} z_2 d\omega + \int_{\omega} \frac{P_2}{\gamma} d\omega + \int_{\omega} \frac{u_2^2}{2g} d\omega + \int_{\omega} h_{1-2} d\omega$$



Маълумки, $\frac{u^2}{2g}$ элементар оқимчанинг солиширма

кинетик энергиясини ифодалайди.

У холда қаралаётган ҳаракат кесимидағи оқим кинетик энергиясини қуидагиша ёзиш мүмкін:

$$\frac{m \mathcal{V}^2}{2} = \int_{\omega} \frac{u^2}{2g} \rho g dQ$$

$$\frac{M\vartheta^2}{2} = \frac{1}{2} \rho \vartheta^3 \omega dt < \frac{1}{2} \rho dt \int_{\omega} u^3 d\omega$$

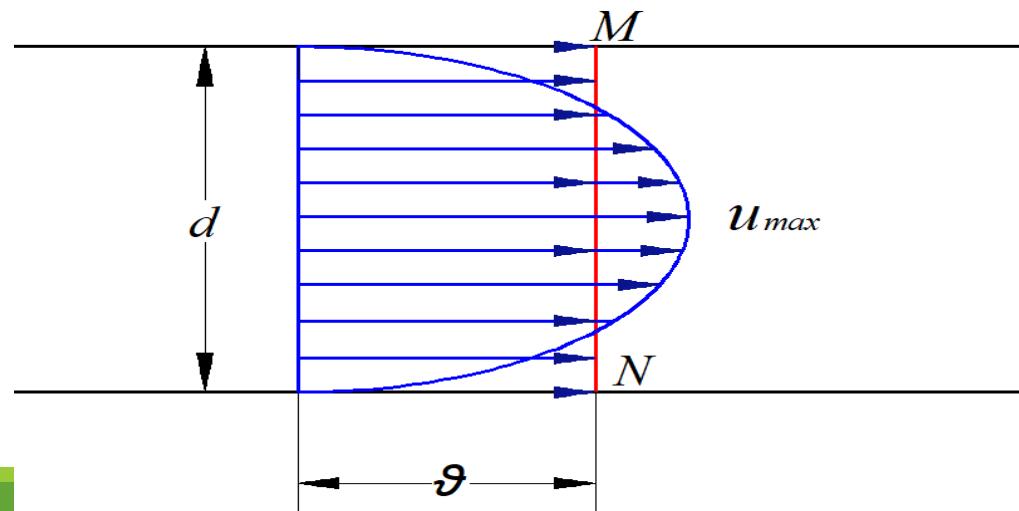
$$\int_{\omega} u^3 d\omega = \alpha \vartheta^3 \omega$$

бу ерда: α - кинетик энергия ёки Кориолис коэффициенти дейилади.

Кориолис коэффициенти қыйидагида аниқланади:

$$\alpha = \frac{\int u^3 d\omega}{\vartheta^3 Q};$$

Бу коэффициентнинг маъноси ҳақиқий (нуқтадаги) тезлик и орқали ҳисобланган оқим кинетик энергиясининг ўртача тезлик орқали ҳисобланган оқим кинетик энергиясига нисбатини ифодалайди.



Одатда ҳисоблаш ишларида Кориолис коэффициентининг миқдори қуийдагича қабул қилинади:

$$\alpha = 1,05 \div 1,1$$

Оқим учун Бернулли тенгламаси қуийдагича ёзилади:

$$z_1 + \frac{p_1}{\gamma} + \frac{\alpha_1 \vartheta_1^2}{2g} = z_2 + \frac{p_2}{\gamma} + \frac{\alpha_2 \vartheta_2^2}{2g} + h_f$$

Идеал суюқликтар үчүн Д.Бернулли тенгламаси

$$z_1 + \frac{P_1}{\gamma} + \frac{u_1^2}{2g} = z_2 + \frac{P_2}{\gamma} + \frac{u_2^2}{2g}$$

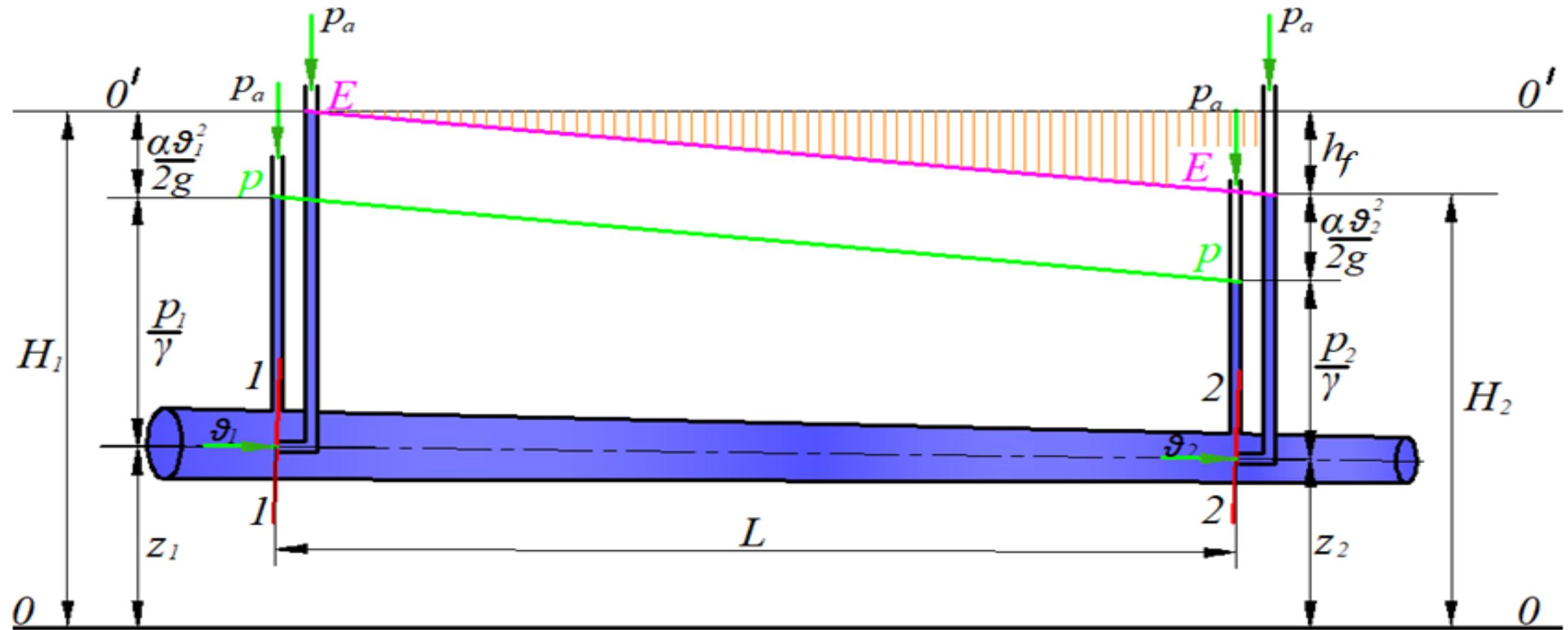
Элементар оқимча үчүн Д.Бернулли тенгламаси

$$z_1 + \frac{P_1}{\gamma} + \frac{u_1^2}{2g} = z_2 + \frac{P_2}{\gamma} + \frac{u_2^2}{2g} + h_{1-2}$$

Оқим үчүн Д.Бернулли тенгламаси

$$z_1 + \frac{P_1}{\gamma} + \frac{\alpha_1 \vartheta_1^2}{2g} = z_2 + \frac{P_2}{\gamma} + \frac{\alpha_2 \vartheta_2^2}{2g} + h_f$$

Д.Бернүлли тенгламасининг геометрик ва энергетик маъноси



Д.Бернулли тенгламасининг геометрик маъноси

Белги	Геометрик маъноси
z	Геометрик баландлик
$\frac{P}{\gamma}$	Пъезометрик баландлик
$H_p = z + \frac{P}{\gamma}$	Пъезометрик напор
$\frac{\alpha v^2}{2g}$	Тезлик напори
$H = z + \frac{P}{\gamma} + \frac{\alpha v^2}{2g}$	Гидродинамик напор
h_f	Йўқотилган напор
P-P E-E	Пъезометрик чизиқ Напор чизиги
α	Кориолис коэффициенти

Д.Бернулли тенгламасининг энергетик маъноси

Белги	Энергетик маъноси
$E_x = z$	Солиширима ҳолат энергияси
$E_\sigma = \frac{P}{\gamma}$	Солиширима босим энергияси
$H_p = z + \frac{P}{\gamma}$	Солиширима потенциал энергия
$\frac{\alpha v^2}{2g}$	Солиширима кинетик энергия
$H = z + \frac{P}{\gamma} + \frac{\alpha v^2}{2g}$	Солиширима тўла энергия
h_f	Йўқотилган энергия
P-P E-E	Потенциал энергия чизиги Тўла энергия чизиги
α	Кориолис коэффициенти

ГИДРАВЛИК НИШАБЛИК

**Гидравлик нишаблик 1-1 ва 2-2 кесимлар орасида
йўқолган напорнинг кесимлар орасидаги масофага
нисбати:**

$$J_e = \frac{h_f}{l} = \frac{\left(z_1 + \frac{P_1}{\gamma} + \frac{\alpha_1 \vartheta_1^2}{2g} \right) - \left(z_2 + \frac{P_2}{\gamma} + \frac{\alpha_2 \vartheta_2^2}{2g} \right)}{l}$$

Суюқлик идеал деб қаралғанда

$$J_e = 0$$

Реал суюқлик учун

$$J_e > 0$$

$$J_e = -\frac{dh_f}{dl} = -\frac{d\left(z + \frac{p}{\gamma} + \frac{\alpha \vartheta^2}{2g}\right)}{dl}$$

ПЬЕЗОМЕТРИК НИШАБЛИК

Пъезометрик нишаблик деб пъезометрик чизиқнинг узунлик бирлигига нисбатан ўзгаришига айтилади:

$$J_p = \frac{\left(z_1 + \frac{P_1}{\gamma} \right) - \left(z_2 + \frac{P_2}{\gamma} \right)}{l}$$

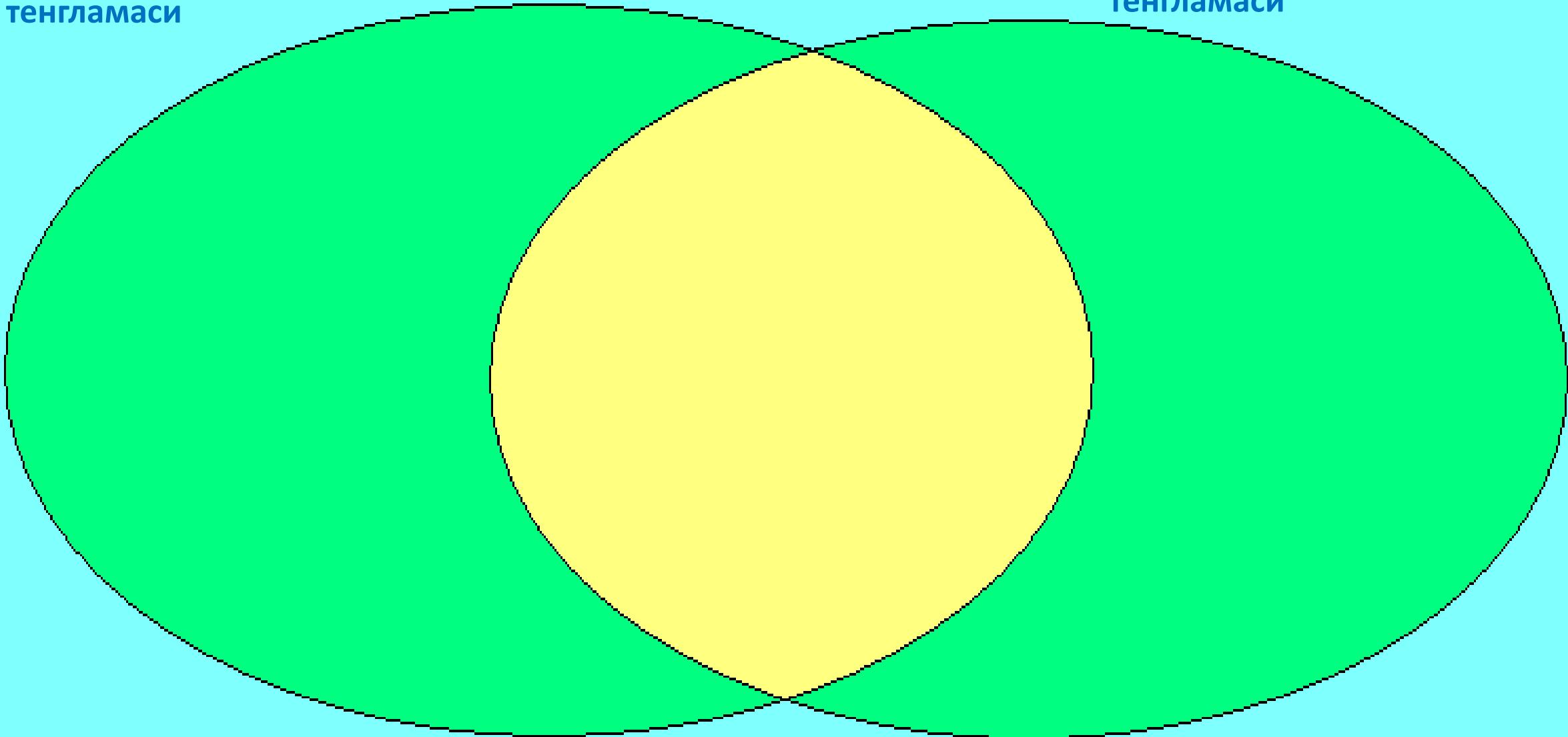
ёки

$$J_p = -\frac{d}{dl} \left(z + \frac{P}{\gamma} \right)$$

Идеал суюқлик учун Д.Бернүлли
тенгламаси

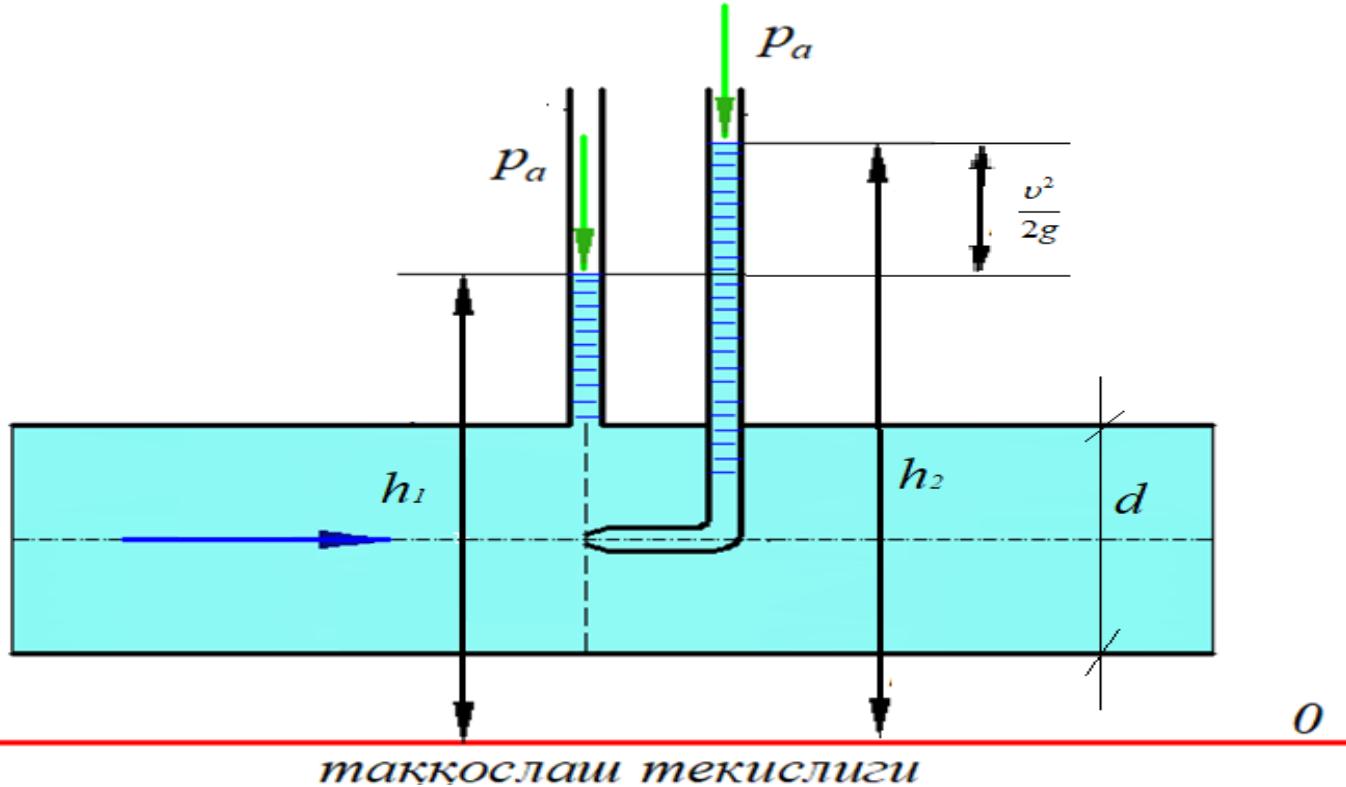
Венна диаграммаси

Реал суюқлик учун Д.Бернүлли
тенгламаси



МАВЗУГА ДОИР МАСАЛАЛАР

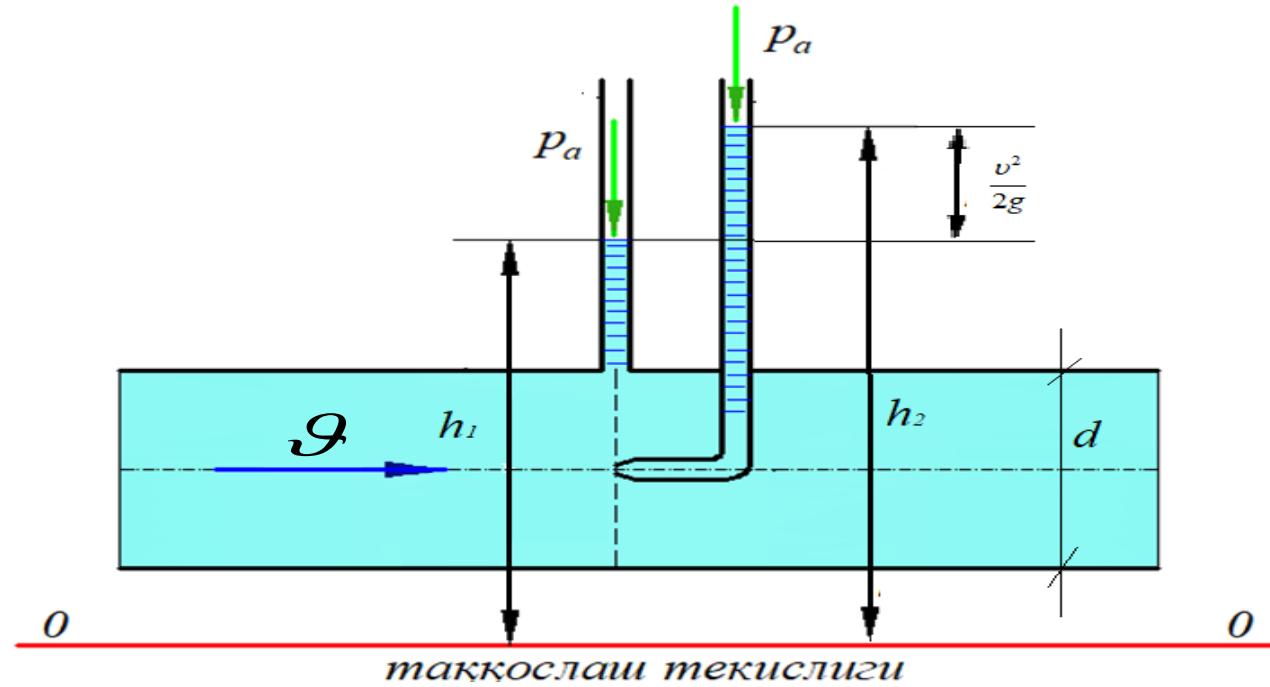
1-масала.



Берилган:

$$h_1 = 0.9\text{м},$$
$$h_2 = 1.1\text{м},$$
$$d = 0.2\text{м}, \quad Q = ?$$

Масаланинг ечими



3. Сув сарфни аниқлаймиз:

$$Q = \vartheta \omega = 2 \cdot 0,0314 = 0,06 m^3/c.$$

МАВЗУГА ДОИР МАСАЛАЛАР

Берилган:

$$P_1 = 1 \text{ атм} = 1 \text{ кгк/см}^2 = 100000 \text{ Н/м}^2,$$

$$z_1 = 4 \text{ м}, \quad z_2 = 2 \text{ м}, \quad g = 10 \text{ м/с}^2$$

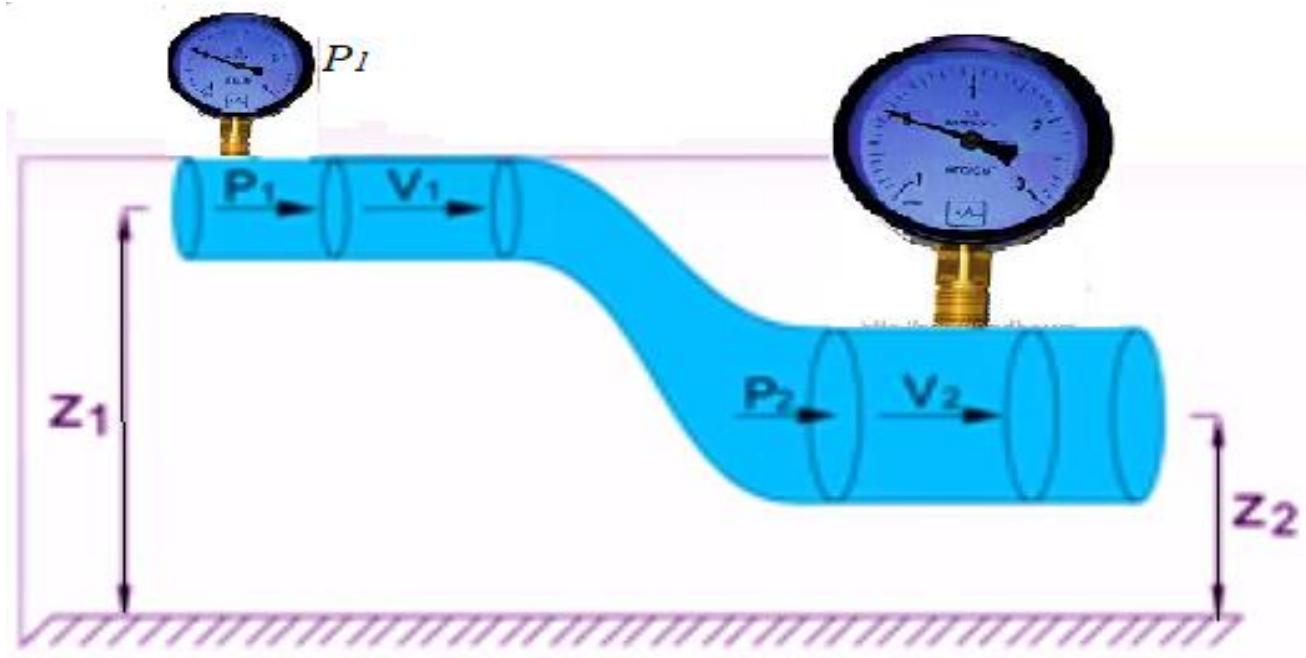
$$d_1 = 0.02 \text{ м}, \quad d_2 = 0.1 \text{ м},$$

$$Q = N1 * 20 \text{ л/мин} = 0,0025 \text{ м}^3/\text{сек},$$

$$\gamma = 10000 \text{ Н/м}^3, \quad \alpha = 1.$$

Қувур узунлиги бүйича йўқотиган напор ҳисобга олинмасин.

$$P_2 = ?$$



Фойдаланишга тавсия этилган адабиётлар

1. Зуйков А.Л. «Гидравлика», учебник, Москва, 2014 г., 517 с.
2. Штеренлихт Д.В. «Гидравлика», учебник, М. Энергоатомиздат, 1992 г., 111-127 с.
3. Latipov Q.Sh., Arifjanov A.M., Fayziyev X., «Gidravlika», Toshkent. TAQI, 2015y.

4. А.Арифжанов, П.Н.Гурина. Гидравлика. -Ташкент. ТИМИ, 2011г.
5. A.Arifjanov, Q.Raximov, A.Xodjiev Gidravlika. Toshkent. TIMI 2016.
6. Arifjanov A.M. Gidravlika (gidrostatika). Toshkent. TIQXMMI 2022.
7. A.M. Arifjanov, X.Fayziev, A.U.Toshxojaev Gidravlika. Toshkent. TAQI 2019.
8. Melvyn Kay, Practical Hydraulics (Taylor & Francis 2 Park Square, Milton Park, Abingdon, Oxon OX14 4RN) 2008.-253 pages
9. K.Sh.Latipov, A.Arifjanov, X.Kadirov, B.Toshov «Gidravlika va gidravlik mashinalar», Navoiy sh., Alisher Navoiy, 2014 y.-406b.
10. Philip M. Gerhart Andrew L. Gerhart John I. Hochstein Fundamentals of Fluid Mechanics. ISBN 978-1-119-08070-1 (Binder-Ready Version). USA 2016
11. Philippe Gourbesville • Jean Cunge Guy Caigaert Advances in Hydroinformatics. ISBN 978-981-10-7217-8. Springer Nature Singapore Pte Ltd. 2018
12. A.M.Arifjanov «Gidravlikadan masalalar to‘plami» - Toshkent, 2005 y.-88b.
- 13. www.gidravlika-obi-life.zn.uz**



Мурожат учун манзиллар

//tiiame.uz/

Tel.: **71-237 19 71**

Pochta: **xoshimov.50907@mail.ru**

www.gidravlika-obi-life.zn.uz

«Гидравлика ва гидроинформатика»

Кафедраси в.б. доценти

С.Н.Хошимов

ЭТЬИБОРИНГИЗ ЧУН РАХМАТ